

اگر دانشگاه اصلاح شود مملکت اصلاح می‌شود.

امام خمینی (ره)



شرکت تعاونی خدمات آموزشی کارکنان
سازمان سنجش آموزش کشور

پاسخ تشریحی آزمون آزمایشی سنجش یازدهم - جامع نوبت اول (۱۳۹۷/۱/۳۱)

ریاضی و فیزیک (یازدهم)

کارنامه آزمون، عصر روز برگزاری آن از طریق سایت اینترنتی زیر قابل مشاهده می‌باشد:

www.sanjeshserv.ir

مدیران، مشاوران و دبیران محترم دبیرستان‌ها و مراکز آموزشی

به منظور فراهم نمودن زمینه ارتباط مستقیم مدیران، مشاوران و دبیران محترم دبیرستان‌ها و مراکز آموزشی همکار در امر آزمون‌های آزمایشی سنجش و بهره‌مندی از نظرات ارزشمند شما عزیزان در خصوص این آزمون‌ها، آدرس پست الکترونیکی sanjesheducationgroup@yahoo.com معرفی می‌گردد. از شما عزیزان دعوت می‌شود، دیدگاه‌های ارزشمند خود را از طریق آدرس فوق با مدیر تولیدات علمی و آموزشی این مجموعه در میان بگذارید.



کanal Telegram آزمون‌های آزمایشی سنجش @sanjesheducationgroup

فارسی (۲) و نگارش (۲)

- ۱ گزینه ۳ درست است. (مهملی: سنتی، اهمال)
- ۲ گزینه ۲ درست است. (راه تافتمن: تغییر مسیر دادن، راه کج رفتن)
- ۳ گزینه ۱ درست است. (ارک: قلعه) (مضحک: خنده‌آور، مسخره‌آمیز) (الحاج: اصرار، درخواست کردن) (ستیزه‌روی: گستاخ و پررو)
- ۴ گزینه ۴ درست است. (سه دیدار: نادر ابراهیمی) (ماه و مرغان آواره: رابیند رانات تاگور) (پیامبر و دیوانه: جبران خلیل جبران)
- ۵ گزینه ۲ درست است. (ترجمه کلیله و دمنه: ابوالمعالی نصرالله منشی) (جوامع الحکایات: محمد عوفی) (شلوارهای وصله‌دار: رسول پرویزی)
- ۶ گزینه ۳ درست است. در این گروه کلمه، املای «همال»، غلط آمده است.
- ۷ گزینه ۴ درست است. اهتزاز عشق امشب چنگ دستان ساز کرد.
- ۸ گزینه ۱ درست است. (لعل لب ← تشبیه) (روزم سیاه است: کنایه از بدبختی) (درد و زرد ← جناس ناهمسان) (سیاه و سپید ← تضاد)
- ۹ گزینه ۳ درست است. حبیب، ایهام دارد. ۱. دوست است. ۲. شخصی به نام حبیب
- ۱۰ گزینه ۲ درست است. الف) نگران ایهام دارد. ۱. نگریستن ۲. ناراحت ب) استعاره: پای جان ج) تصمین: مصراع دوم را شهربیار از حافظ تصمین کرده است. د) واج‌آرایی: «ش» تکرار شده است.
- ۱۱ گزینه ۴ درست است. قالب شعر، رباعی است.
- ۱۲ گزینه ۱ درست است. (گم کردهام ← ماضی نقای) (بگوییم: مصراع التزامی) (نگاه می‌کنم: مصراع اخباری) (در رفت: ماضی ساده)
- ۱۳ گزینه ۳ درست است. (ت) مضاف الیه برای دست است (نخل: بعد از حرف اضافه آمده، متهم است) (آزاد: مستند است)
- ۱۴ گزینه ۱ درست است. ترکیب‌های وصفی: عادل مطلق، اسمای صادقانه، همین نام ترکیب‌های اضافی: خوان عدل، عدل خود، اسمایش
- ۱۵ گزینه ۴ درست است. گزینه ۱) مادر بچه‌ها گزینه ۲) چشم‌م، مضاف الیه برای چشم گزینه ۳) چانه‌زدن بسیار، «بسیار» صفت بیانی
- ۱۶ گزینه ۲ درست است. گزینه ۱) سپید: ابدال، خواهان: کاهش، مجتهد: ابدال گزینه ۲) انبیار: ابدال، درست‌اندیش: کاهش، بگانه: ادغام گزینه ۳) فیل: ابدال، ناخواسته: کاهش، آشتیانیان: افزایش گزینه ۴) اجتماع: ابدال، دنبال، ابدال، شب پر: ادغام
- ۱۷ گزینه ۳ درست است. (خوب ← ص / م / ص) (برگ: ص / م / ص)
- ۱۸ گزینه ۴ درست است. (پسرک: وندی) (آوازخوانان: وندی - مرکب) (لبخند: مرکب)
- ۱۹ گزینه ۲ درست است. خرما به بصره بردن مانند زیره به کرمان بردن است و کنایه از کار بیهوده کردن است.
- ۲۰ گزینه ۱ درست است. معنی بیت سؤال: هنگام سختی و گرفتاری می‌توان دوستان را محک زد. همین مفهوم از بیت «۱» دریافت می‌شود.
- ۲۱ گزینه ۳ درست است. مفهوم ابیات «۱، ۲ و ۴» برای رسیدن به کمال باید متواضع و فروتن بود.
- ۲۲ گزینه ۴ درست است. معنی آیه: به سوی فرعون بروید که او سر به طغيان داشته است و با او سخنی نرم بگويند. (سوره طه. آیه ۴۳) مفهوم آیه «مدارا و سازگاری» است و همین مفهوم از بیت «۴» دریافت می‌شود.
- ۲۳ گزینه ۲ درست است. معنی بیت سؤال: در مقابل گرفتن نان، آبرویم را از دست دادم، بنابراین، بینوایی و درماندگی از خواری بهتر است. از بیت «۲» چنین مفهومی دریافت می‌شود.
- ۲۴ گزینه ۱ درست است. مفهوم ابیات «۲، ۳ و ۴» پشت پا زدن به دنیا و ترک تعلقات است. بیت «۱» مفهومی دیگر دارد.
- ۲۵ گزینه ۳ درست است.
- (الف) اتحاد و همبستگی
- (ب) نکوهش آزمندی
- (ج) مناعت طبع داشتن
- (د) غیرت و جوانمردی

عربی، زبان قرآن (۲)

- ۲۶ گزینه ۳ درست است.
- (۱) آیا و (در فارسی برخلاف عربی، ادات استفهام بعد از واو ربط می‌آید) - فقط (در عبارت عربی این قید وجود ندارد)
- (۲) علم ندارند (معادل ادق برای «لم يعلموا» نیست) - مقرر می‌دارد (معادل ادق برای «يسيط» نیست).
- (۳) آیا و (← توضیحات گزینه ۱) - علمی نداشتند (← توضیحات گزینه ۲ - علم ندارند) - فقط (← توضیحات گزینه ۱) - مقرر می‌کند (← توضیحات گزینه ۲)
- ۲۷ گزینه ۲ درست است.
- (۱) دلshan («قلوب» جمع لا مفرد) - زبان («السنۃ» جمع لا مفرد) - جاری می‌سازند (معادل ادق برای «يقولون» نیست).
- (۲) زبان (← اولاً توضیحات گزینه ۱، ثانیاً ضمیر اضافی در ترجمه لحاظ نشده) بر زبان می‌آورند (← توضیحات گزینه ۱)
- (۳) زبانشان (← توضیحات گزینه ۱) - دل (← توضیحات گزینه ۱ - ندارند (معادل أصح برای «ليس» نیست))
- ۲۸ گزینه ۴ درست است.
- (۱) جمع کردن («جمع» فعل أمر لا مصدر) - علم مردم دانترین (معادل صحیح برای «أعلم الناس ... علمهم» نیست) - مشورت کن («المشورة» مصدر لا فعل أمر).
- (۲) خواستی (معادل ادق برای فعل شرط «أردت» نیست) - نسبت (در عبارت عربی وجود ندارد) - مردم دانتر ... (← توضیحات گزینه ۱) - جمع کرده (← توضیحات گزینه ۱) - مشورت کن (← توضیحات گزینه ۱)
- (۳) خواستی (← توضیحات گزینه ۲) ... مردم دانا ... (← توضیحات گزینه ۱) - علمشان را با علمت (مطابق ساختار جمله «علمك إلى علمهم» نیست).
- ۲۹ گزینه ۱ درست است.
- (۱) به راحتی بخواب (ساختار عبارت فارسی با عربی آن مطابقت ندارد) - اللیل، لائَه (در ترجمه لحاظ نشده) - برایش (در عبارت عربی موجود نیست)
- (۲) طفل (نکره لا معرفة) - خواب شبانه‌اش با آرامش .. (معادل صحیح برای «يُنام الليل براحة» نیست) - یقین دارد (معادل أصح برای «يطمئن» نیست)
- (۳) خواسته آماده کرده است (معادل صحیح برای «يَهْمِي ... يَرِيد» نیست).
- (۴) کودک (← توضیحات گزینه ۳، طفل) - یقین دارد (← توضیحات گزینه ۳) - وقتی (معادل صحیح برای «الليل» نیست) - آرام خوابیده است (← توضیحات گزینه ۲) - آماده کرده است (← توضیحات گزینه ۳)

- ۳۰ - گزینه ۲ درست است.

(۱) گفته‌ایم («نقول» مضارع لامض) - کلام («قولاً» نکره لا معرفة).

(۳) ایجاد (در عبارت عربی موجود نیست) - روش (ضمیر اضافی در ترجمه لحاظ نشده) - «یجب» در ترجمه لحاظ نشده - گفته‌ایم (← توضیحات گزینه ۱) - عمل کنیم (معادل اصل برای «تکون عاملین» نیست) - کلام (← توضیحات گزینه ۱)

(۴) روش (← توضیحات گزینه ۳) - زندگیمان (أولاً «فی» در ترجمه لحاظ نشده، ثانیاً در عبارت عربی ضمیر اضافی وجود ندارد) - عمل کنیم (← توضیحات گزینه ۳)

- ۳۱ - گزینه ۴ درست است.

(۱) خاورشناس مشهور («مشترقة شهيرة» نکره لا معرفة) - تشكّل (معادل صحیح برای «فريقاً» نیست) - بوجود بیاورند (معادل ادق برای «أن يشكّلوا» نیست)

(۲) سفارش کرده بود (معادل صحیح برای «كانت توصي» نیست) - گروه («فريقاً» نکره لا معرفة).

(۳) بود (در عبارت عربی موجود نیست) - توصیه‌اش ... این بود (← توضیحات گزینه ۲، سفارش کرده بود) - تشكّل (← توضیحات گزینه ۱) - ایجاد کنند (← توضیحات گزینه ۱، بوجود بیاورند)

- ۳۲ - گزینه ۱ درست است.

(۲) بدی («السيئات» جمع لا مفرد، ص: بدیها) - خواهیم شد (ص: هستیم).

(۳) ما را نصیحت می‌کنند («نصحتنا» ماضی لا مضارع، ص: نصیحت شده‌ایم، یا مارا نصیحت کرده‌اند) - لقب («الألقاب» جمع لا مفرد) - به هم (در عبارت عربی موجود نیست).

(۴) بشمار می‌آورند («تعد» مضارع للغائية و مبني للمجهول، ص: بشمار آورده می‌شود، یا شمرده می‌شود).

- ۳۳ - گزینه ۲ درست است.

در هر زبانی (ص: در همه زبانها) - می‌توان یافت (ص: یافت می‌شود).

- ۳۴ - گزینه ۳ درست است.

(۱) أكثر (معادل صحیح برای «بیسیاری» نیست) - اللَّغَةُ (در عبارت فارسی موجود نیست) - كانت تدخل (معادل صحیح برای «وارد ... شده بود» نیست) - دوران الجاهلي (ترکیب وصفی است، ص: الدوران الجاهلي)

(۲) أكثر ... اللَّغَةُ (← توضیحات گزینه ۱) - العربية («زبان» در تعریب لحاظ نشده) - دوران الجاهلي (← توضیحات گزینه ۱)

(۴) كانت تدخل (← توضیحات گزینه ۱) - مفردات الفارسية (ترکیب وصفی است، ص: المفردات الفارسية)

- ۳۵ - گزینه ۲ درست است.

(۱) مدرسهم (معادل أدق براي «آن را» نیست) - ستكون (معادل صحیح برای «خواهد شد» نیست).

(۳) المدرسة (ضمیر اضافی در تعریب لحاظ نشده)

(۴) طلب المدرسة (در عبارت فارسی «مدرسه» نیامده است) - سوف تكون (← توضیحات گزینه ۱)

- ۳۶ - گزینه ۱ درست است.

الكرة (ص: الكرة، بدون تشديد) - يصبحون (ص: يُصبحون، در وزن «أفعال» حرف مضارع مضموم است).

- ۳۷ - گزینه ۴ درست است.

(۱) كثيرة (ص: كثيرة، نعت و مرفوع بالتبغية لمعنىته)

(۲) أبعاد (ص: أبعاد، مفعول به)

(۳) العربية (ص: العربية، نعت و مرفوع بالتبغية) - العامل الدينى (ص: العامل: مضاف إليه - الدينى: نعت و مجرور بالتبغية)

- ۳۸ - گزینه ۲ درست است.

(۱) جمع مكسر (ص: جمع سالم للمذكر) ۳) على وزن افعال (ص: على وزن افتعال) ۴) مصدره: مطالبة (ص: مصدره: طلب)

- ۳۹ - گزینه ۱ درست است.

(۲) مضاف إليه (ص: مجرور بحرف الجر)

(۳) مشتق و اسم تفضيل (بر وزن «أفعال» نیست تا تفضیل باشد)

(۴) مزيد ثلاثي (ص: مجرد ثلاثي)

- ۴۰ - گزینه ۴ درست است.

(۱) مجرور بحرف «عن» (ص: مفعول به و منصوب) ۲) مزيد ثلاثي، من باب إفعال (ص: مجرد ثلاثي) ۳) مؤنث (ص: مذكر).

- ۴۱ - گزینه ۳ درست است.

براساس عبارت «نام الثاني بهدوء ... لأنه كان ... لم يعطه جميعها» تنها گزینه صحیح همین است.

- ۴۲ - گزینه ۴ درست است.

با توجه به مفهوم عبارت (همکاری بین کسانی که راست می‌گویند و کسانی که دروغ می‌گویند همکاری حقیقی است) تنها مفهوم خطأ همین است.

- ۴۳ - گزینه ۴ درست است.

با توجه به مفهوم عبارت (کودک اول نزد خود دو توب زیبا را نگه داشت) و براساس عبارت «لكنَّ الأول احتفظ بأجمل الكرات لنفسه» تنها مفهوم خطأ همین است.

- ۴۴ - گزینه ۱ درست است.

«العلى» بر وزن «أفعال» اسم تفضیل است. اما در سایر گزینه‌ها «أعطي، أثمرت، أجل» همگی فعل ماضی هستند.

- ۴۵ - گزینه ۳ درست است.

تنها معروفه این گزینه «كوروش» است، که اسم علم می‌باشد. اما معارف در سایر گزینه‌ها عبارت است از:

(۱) الله، موسى، فرعون (علم)، النبي (معرفه بأل)

(۲) السعادة، الصداقة (معرفه بأل)

(۴) الجو، الشتاء (معرفه بأل)، أردبيل (معرفه علم)

- ۴۶ - گزینه ۴ درست است.

معادل ماضی استمراری در فارسی: کان + فعل مضارع است، و گزینه‌ای که این ساختار در آن نیامده همین گزینه است.

- ۴۷ - گزینه ۲ درست است.

«ما» شرطیه بر سر دو جمله می‌آید در این عبارت شامل «نفق/ یکثر» است، اما «ما» در سه گزینه دیگر با درنظر گرفتن معنای آن ها «نافیه» است.

- ۴۸ - گزینه ۱ درست است.

(۲) لیحاولون (ص: لیحاولو، مجزوم بحذف النون)

(۳) آن یقهمون و یسمعون (ص: آن یقهموا و یسمعوا، مضارع منصوب بحذف النون)

(۴) لن یپاسون (ص: لن یپاسوا، مضارع منصوب بحذف النون)

- ۴۹ - گزینه ۲ درست است.

لم یستمعون (ص: لم یستمعوا، مضارع مجزوم بحذف النون).

- ۵۰ - گزینه ۱ درست است.

لا تنفع (ص: لا ینفع، زیرا مرجع ضمیر آن «علم» است که مذکور می‌باشد).

دین و زندگی (۲)

- ۵۱ - گزینه ۳ درست است. پاسخ‌های احتمالی نیازمند تجربه است و عمر محدود آدمی برای چنین تجربه‌ای کافی نیست.

- ۵۲ - گزینه ۱ درست است. سوره مبارکة عصر

بسم الله الرحمن الرحيم والعصر ان الانسان لغى خسر الا الذين آمنوا و عملوا الصالحات و تواصوا بالحق و تواصوا بالصبر

- ۵۳ - گزینه ۲ درست است. سوره مبارکة آل عمران / آیه ۸۵

و من يبغى غير الاسلام ديناً فلن يقبل منه و هو فى الآخرة من الخاسرين

- ۵۴ - گزینه ۱ درست است. بیت مورد نظر اشاره دارد که پیامبر اسلام صلی الله علیه و آله و سلم آخرين پیامبر است و لذا نبوت ختم شده است.

- ۵۵ - گزینه ۴ درست است. انسجام درونی عبارت است از اینکه در میان آیات قرآن تعارض و ناسازگاری نیست و آیاتش همدیگر را تأیید می‌کنند.

- ۵۶ - گزینه ۳ درست است. سوره مبارکة نساء / آیه ۶۰

... و بريد الشيطان ان يضلهم ضلالاً بعيداً

- ۵۷ - گزینه ۳ درست است. هر نظام سیاسی غیراسلامی، نظامی شرک‌آمیز است. چون حاکمش طاغوت است.

- ۵۸ - گزینه ۱ درست است. واقعه غدیر در روز هجدهم ذی‌حجه سال دهم هجری اتفاق افتاد.

- ۵۹ - گزینه ۲ درست است. ابن‌ابی‌الحدید می‌گوید: «به حق سخن علی [علیه السلام] را ... از سخن مخلوق برتر خوانده‌اند...»

- ۶۰ - گزینه ۱ درست است. پیامبر اسلام صلی الله علیه و آله و سلم فرمود: برادرم به سوی شما آمد... سوگند به خدا ... این مرد و شیعیان و پیروان او رستگارند...

- ۶۱ - گزینه ۴ درست است. پس از رحلت رسول خدا صلی الله علیه و آله و سلم نوشتن احادیث ایشان ممنوع شد. لذا شرایط مناسب برای جاعلان حدیث پیش

آمد و آنان به جعل و تحریف حدیث پرداختند.

- ۶۲ - گزینه ۴ درست است. سوره مبارکة انبیاء / آیه ۸۰

و علمناه صنعةً لبوس لكم لتحقchnكم من باسكم فعل انتم شاكرون

- ۶۳ - گزینه ۳ درست است. دوران امام کاظم علیه السلام دوره اختناق شدید بود.

- ۶۴ - گزینه ۱ درست است. امیر المؤمنان علیه السلام فرمود: بدانید محبوب‌ترین کارها نزد خداوند، انتظار فرج است. لازمه این انتظار دعا برای ظهور امام عصر ارواحنا فداه است.

- ۶۵ - گزینه ۲ درست است. سوره مبارکة توبه / آیه ۱۱۹

يا ايها الذين آمنوا انقاوا الله و كونوا مع الصادقين

- ۶۶ - گزینه ۳ درست است. اگر مرجعیت دینی ادامه نیاید، مردم با وظایف خود آشنا نمی‌شوند و نمی‌توانند به آن وظایف عمل کنند.

- ۶۷ - گزینه ۳ درست است. اگر حکومت اسلامی تشکیل نشود، نمی‌توان احکام اجتماعی اسلام را در جامعه به اجرا در آورد.

- ۶۸ - گزینه ۲ درست است. تفهه به معنای تلاش برای کسب معرفت عمیق است.

- ۶۹ - گزینه ۴ درست است. پیامبر اکرم صلی الله علیه و آله و سلم فرمود: حال کسی که از امام خود دور افتاده و به او دسترسی ندارد، سختتر از حال یتیمی

است که پدر خود را از دست داده است.

- ۷۰ - گزینه ۴ درست است. امام عصر ارواحنا فداه فرمودند: واما الحوادث الواقعه فارجعوا فيها الى رواه حديثنا....

- ۷۱ - گزینه ۴ درست است. مراجعه به فقهیه در مسائل فردی و اجتماعی جز بانی طاغوت و تشکیل حکومت اسلامی به رهبری فقیه میسر نیست.

- ۷۲ - گزینه ۲ درست است. سوره مبارکة منافقون / آیه ۹

يا ايها الذين آمنوا لا تلهمكم اموالكم ولا اولادكم عن ذكر الله و من يفعل ذلك فاوئنك هم الخاسرون

- ۷۳ - گزینه ۳ درست است. یکی از مهم‌ترین قدمها در مسیر کمال، تقویت عزت نفس است. واژه ذلت درست مقابل عزت قرار دارد.

- ۷۴ - گزینه ۳ درست است. سوره مبارکة بقره / آیه ۱۲۸

ان الذين آمنوا والذين هاجروا في وجه الله الواحده يرجون رحمته الله والله غفور رحيم

- ۷۵ - گزینه ۱ درست است. رسول خدا صلی الله علیه و آله و سلم فرمودند: هیچ بنایی نزد خدا محبوب‌تر از ازدواج نیست.

فرهنگ و معارف اقلیت‌های دینی

- ۵۱ - گزینه ۳ درست است.

ارکان اساسی مکتب‌های مادی حس و تجربه است و بهوسیله حواس، جز پدیده‌های مادی را نمی‌توان شناخت.

- ۵۲ - گزینه ۱ درست است.

دلیل نیازمندی اشیاء به «علت» پدیده بودن است.

- ۵۳ - گزینه ۲ درست است.

تسلیم شدن بدون قید و بوند، عبادت نامیده می‌شود. اگر انسان در عمل، کسی جز خدا را عبادت کند و تعلق به غیر خداوند داشته باشد به شرک می‌انجامد.

- ۵۴ - گزینه ۱ درست است.

در نظر خداشناس واقعی، هیچ چیز با اهمیت‌تر از مسئولیت در پیشگاه خداوندی نیست و ایمان در تأمین سعادت اجتماعی و بهبود روابط جمعی میان انسان-ها نقش اساسی دارد.

- ۵۵ - گزینه ۴ درست است.

انسان به حکم عقل و اراده به خاطر مصلحتی که در آن کارها نهفته است یا به خاطر مصلحتی که در ترک آن کارها می‌بینند آن‌ها را انجام می‌دهد یا ترک می-کند و رابطه او با اجتماعی که در آن زندگی می‌کند در رسیدن به کمال همسو و وابسته است.

- ۵۶ - گزینه ۳ درست است.

انسان در آینه‌های دین، مانند زمین حاصلخیزی است که بذر آن کمالات و ارزش‌ها را در دل خود دارد و باید در اثر تربیت و مراقبت، این بذرها به یک بوستان تبدیل شود و آن چیزی جز تعالیم انبیاء نیست.

- ۵۷- گزینه ۳ درست است.
لزوم نبوت از راه هدایت عامه اثبات می‌گردد.
- ۵۸- گزینه ۱ درست است.
طبق تعالیم انبیاء الهی، انسان از نظر ابعاد روحی و آنچه بعداً شخصیت انسانی او را می‌سازد موجودی بالقوه است.
- ۵۹- گزینه ۲ درست است.
شرط به بار نشستن پدر عمل انسان در زمین زندگی مختار بودن انسان در اعمال و محل به بار نشستن آن در جهان آخرت می‌باشد.
- ۶۰- گزینه ۱ درست است.
افراد هم عقیده و هم هدف می‌توانند در جهت‌گیری جامعه و سیر تاریخی آن تأثیرگذار باشند و نقش آنها در حکومت و قوانین مختلف بر جامعه عدم انکار آن است.
- ۶۱- گزینه ۴ درست است.
جاده محدود، خصوصیت پدیده‌ای است که هر هدفی غیرخدا را به دنبال دارد و افراد جامعه، قدرت و نیروی خود را سریع از دست داده و به دست فراموشی سپرده می‌شوند.
- ۶۲- گزینه ۴ درست است.
آنچه که انسان را در عالم ملکوت به جوار رحمت حق می‌رساند، مرگ است و تجربه جهانی، از وجود رستاخیز، بهار و تغییر سیمای طبیعت است.
- ۶۳- گزینه ۳ درست است.
بزرگی و عظمت مقصد انسان مناسب با سعی و صبر بیشتر در زندگی او است و پایه تربیت انسان‌های مقاوم و پایدار، ایمان واقعی به رستاخیز است.
- ۶۴- گزینه ۱ درست است.
شخصیت او همان روح او است و در عرصه محشر با همان شخصیت قبلی خود همراه با جسم ظاهر می‌گردد.
- ۶۵- گزینه ۲ درست است.
روح به شخصیت واقعی و مفهوم خوابی که با آن در ارتباط است اشاره دارد و خود نوعی گریز به باطن و ملکوت است.
- ۶۶- گزینه ۳ درست است.
هر عملی از اعمال انسان حتی نیات به طور کامل نگهاداری شده و هرگز از بین نمی‌رود و در رستاخیز بر او عرضه می‌گردد.
- ۶۷- گزینه ۳ درست است.
توبه انسان را از تکرار عین عمل نجات می‌دهد و سیمای حقیقی انسان از صفات و حالاتی که در قلب و روح نیات و اندیشه دارد، تشکیل شده است.
- ۶۸- گزینه ۲ درست است.
عالی طبیعت نام دیگر جهان محسوس و عالم غیب نام دیگر جهان غیرمحسوس می‌باشد.
- ۶۹- گزینه ۴ درست است.
بنیشی که متکی برایمان به مبدأ و معاد است قیافه جهان را برای ما دگرگون می‌سازد.
- ۷۰- گزینه ۴ درست است.
آن بت اعظمی که سرچشمۀ شرک پنهان است و گاهی عاقل‌ترین افراد نیز از دیدنش ناتوانند، چیزی جز «خود» انسان نیست.
- ۷۱- گزینه ۴ درست است.
علت داشتن و حرکت به طور کامل به خصوصیات پدیده اشاره دارد.
- ۷۲- گزینه ۲ درست است.
پیام بیت به: توجه به عیب‌ها، موجب غافل نشدن انسان از اصلاح خود می‌گردد اشاره دارد.
- ۷۳- گزینه ۳ درست است.
مبنای اساسی حرکت دین عقل و بصیرت است.
- ۷۴- گزینه ۳ درست است.
بهترین معیار برای تشخیص و ارزیابی ایمان خود و دیگران، اعمال و کردار و خصوصیات روحی است.
- ۷۵- گزینه ۱ درست است.
خداآوند مسئولیت‌آدمی را با توجه به آگاهی‌های فطری و نیروی عقل و اندیشه و تعالیم پیامبران و قدرت اختیار به عهده خود انسان گذاشته است و نشان می‌دهد ک انسان به دست خویش خود را می‌سازد و لذا می‌توان «خودسازی» را خصوصیت و ویژگی انسان شمرد.

انگلیسی ۲ (Vision 2)

بخش اول: گرامر و لغت

- ۷۶- گزینه ۳ درست است.

با توجه به فعل enjoy فعل بعد به صورت *sing*دار استفاده می‌شود.

- ۷۷- گزینه ۲ درست است.

با توجه به yet در قسمت اول و زمان حال ساده در قسمت دوم جمله باید از زمان حال کامل یا ماضی نقلی (have/has + P.P) استفاده شود.

- ۷۸- گزینه ۴ درست است.

آ: امروز خوب به نظر نمی‌رسید.

ب: واقعیت را بگوییم، خیلی خسته هستم.

(۱) واقعاً (۲) بجنب!

- ۷۹- گزینه ۱ درست است.

با توجه به گزینه موجود می‌توان فهمید که جمله شرطی نوع اول است و بهترین جواب در ۱ آمده است.

- ۸۰- گزینه ۲ درست است.

بهترین ترتیب جملات با توجه به مفهوم جمله در گزینه ۲ آمده است.

- ۸۱- گزینه ۴ درست است.

ترجمه: جواباتان سیار مورد تحسین قرار گرفت و باعث شد ما بتوانیم به صورت کارآمدتری آمده شویم.

(۱) تأمین کردن (۲) تزئین کردن (۳) تجربه کردن

- ۸۲- گزینه ۴ درست است.

ترجمه: هدف افزایش فرست‌ها برای تنوع فرهنگی در هنرها بود.

(۱) تصور (۲) اندازه‌گیری

(۳) بخت

(۴) تنوع

(۴) تحسین کردن

-۸۳- گزینه ۱ درست است.

ترجمه: اما او راضی نشد تا اینکه موفق شد وارد دانشکده شود.

(۱) راضی

(۲) متعجب

(۴) ترسیده

(۳) سرگرم

-۸۴- گزینه ۳ درست است.

ترجمه: فقط می‌گوییم که من راه سختی را یاد گرفتم که بتوانم از خودم مراقبت کنم.

(۱) نگه داشتن

(۲) بزرگ شدن

(۳) مراقبت کردن

(۴) اتاق گرفتن در هتل

-۸۵- گزینه ۳ درست است.

ترجمه: آیا صادقانه فکر می‌کنید می‌توانید راز نگهدار باشید که این یک قسمت اصلی زندگی تان در رابطه با بهترین دوستانتان است؟

(۱) به سرعت

(۳) صادقانه

(۴) با دقت

(۲) اخیراً

بخش دوم: Cloze Test

-۸۶- گزینه ۱ درست است.

با توجه به مفهوم جمله که مقایسه یک گروه با تمامی گروه‌ها است باید از صفت عالی استفاده کرد که با توجه به دو سیلابی بودن صفت، قبل از آن the می‌آوریم.

-۸۷- گزینه ۳ درست است.

با توجه به مفهوم جمله بهترین ترتیب کلمات در ۳ آمده است.

-۸۸- گزینه ۴ درست است.

ترجمه: بسیاری از دانشمندان بر این باورند که دایناسورها بعد از تغییر آب و هوا از بین رفتند.

(۱) فعالیت

(۲) خلق

(۳) تعادل

(۴) تغییر

-۸۹- گزینه ۱ درست است.

ترجمه: دانشمند بریتانیایی ریچارد اون ۱۵۰ سال قبل کلمه دایناسور را اختراع کرد.

(۱) اختراع کردن

(۲) جستجو کردن

(۳) چک کردن

-۹۰- گزینه ۳ درست است.

ترجمه: بعضی از دایناسورها می‌توانند با سرعت روی دو پا بدونند.

(۱) با غرور

(۲) با خوشحالی

(۳) با سرعت

(۴) با بزرگی

بخش سوم: درک مطلب

-۹۱- گزینه ۳ درست است.

ترجمه: در متن گفته شده که

(۱) دانشآموزان کالج همیشه در مورد پول نگران هستند

(۲) معلم‌ها، دانشآموزان را در مورد پول هایشان راهنمایی می‌کنند

(۳) دانشآموزان در دانشکده وقت خود را سپری می‌کنند

(۴) دوست شدن در دانشکده کارآسانی نیست

-۹۲- گزینه ۳ درست است.

ترجمه: کلمه "matter" در خط ۳ به معنی می‌باشد.

(۱) بی‌نظیر

(۲) امیدوار کننده

(۳) مهم

(۴) رایج

-۹۳- گزینه ۴ درست است.

ترجمه: هزینه اتاق در دانشکده برای هر دانشآموزان در سال

(۱) بیش از ۱۰۰۰ دلار است

(۳) بین ۵۰۰ تا ۱۰۰۰ دلار است

(۲) در حدود هزاران دلار است

(۴) در متن دقیقاً گفته نشده است

-۹۴- گزینه ۱ درست است.

ترجمه: طبق متن

(۱) دانشآموزان ترجیح می‌دهند پول زیاد خرج نکنند تا اینکه آن را قرض بگیرند

(۲) پول قرض گرفتن از خانواده آسان است

(۳) خانواده هر چه دانشآموزان پول بخواهند به آنها می‌دهد

(۴) یادگیری درس‌ها آسان‌تر از پول قرض کردن است

-۹۵- گزینه ۳ درست است.

ترجمه: طبق متن، مشکل پول برای اتفاق می‌افتد.

(۱) دانشآموزان فقر

(۲) دانشآموزانی که شغل پاره وقت دارند

(۳) دانشآموزانی که در مورد خرج کردن پول دقت ندارند

(۴) دانشآموزانی که والدینشان پول برای احتیاجاتشان نمی‌پردازند

-۹۶- گزینه ۲ درست است.

ترجمه: در بیشتر کشورها، مردم

(۱) سال جدید را برای چند هفته جشن می‌گیرند

(۲) همدیگر را در سال جدید می‌بینند

(۳) لباس‌های براق برای جذابیت می‌پوشند

(۴) سعی می‌کنند که قبل از آمدن سال جدید تغییراتی در زندگیشان ایجاد کنند

-۹۷- گزینه ۲ درست است.

ترجمه: تمامی موارد زیر درست هستند به جز..... .

(۱) خوردن غذا یک قسمت از مراسم سال نو است

(۲) کارناوال از بزرگ شروع شده است

(۳) کشورهای آسیایی سال جدید را در اواخر زانویه جشن می‌گیرند

(۴) تو از بزرگ‌ترین کارناوال‌ها به بزرگی و آمریکا تعلق دارد

- ۹۸- گزینه ۴ درست است.

ترجمه: عبارت "this tradition" در پاراگراف ۳ خط ۱۴ به اشاره می کند.

۴) کارناوال

(۱) پوشیدن لباس های خاص (۲) پوشیدن ماسک ها

- ۹۹- گزینه ۱ درست است.

ترجمه: در متن اشاره شده که «سه شنبه چانق»

(۱) حدود ۲۱ روز طول می کشد

(۲) نام دیگر کارناوال است

(۳) یک مراسم مناسب برای افراد مدرن نیست

(۴) ترجمه مراسم ها در نیواورلئان است

- ۱۰۰- گزینه ۱ درست است.

ترجمه: متن اساساً در مورد است.

(۱) سال جدید در کشورهای مختلف

(۲) انواع مختلف کارناوالها

(۳) مراسم جدید و متفاوت

(۴) تعطیلات در سرتاسر دنیا

زمین‌شناسی

- ۱۰۱- گزینه ۲ درست است.

نیکولاوس کوپرنیک، ستاره‌شناسی لهستانی که به علم ریاضی نیز تسلط خوبی داشت، با مطالعه حرکت سیارات در زمان‌های مختلف، نظریه خورشید مرکزی را ارائه داد.

- ۱۰۲- گزینه ۲ درست است.

در تعیین سن مطلق (رادیومتری) سن واقعی پدیده‌ها با استفاده از عنصر رادیواکتیو که با سرعتی ثابت به طور مداوم در حال فروپاشی هستند، استفاده می‌کنند.

- ۱۰۳- گزینه ۱ درست است.

بخش‌هایی از پوسته قاره‌ای تحت تأثیر جریان‌های همرفتی خمیرکره شکاف بر می‌دارد و مواد مذاب خمیرکره صعود نموده و به سطح زمین می‌رسد.

- ۱۰۴- گزینه ۳ درست است.

روز یکم فروردین و روز ۲۷ شهریور در تقویم ایرانی، خورشید به هنگام ظهر شرعی به دایره استوا عمود می‌تابد. در این دو روز در تمام نقاط کره زمین طول روز و شب برابر وهمه جا ۱۲ ساعت روز و ۱۲ ساعت شب دارند.

- ۱۰۵- گزینه ۲ درست است.

الیوین سیلیکات آهن و منیزیم است که به رنگ سبز زیتونی دیده می‌شود. نوعی الیوین بسیار شفاف به رنگ سبز را زبرجد می‌نامند.

- ۱۰۶- گزینه ۴ درست است.

از گالن سرب، از کالکوپیریت مس و از مگنتیت آهن به دست می‌آورند.

- ۱۰۷- گزینه ۱ درست است.

هر کانی که ساختی زیاد داشته باشد، در شرایط نامناسب شکل خود را حفظ کند، رنگ مورد پسند و جلای مناسب (انعکاس، عبور، شکست نور) خوب داشته باشد و نسبتاً کمیاب هم باشد، می‌تواند، جواهر قیمتی محسوب شود.

- ۱۰۸- گزینه ۳ درست است.

سنگ‌هایی که دارای تخلخل و نفوذپذیری مناسب هستند و در بیشتر نقاط با سنگ‌های غیرقابل نفوذ پوشانیده شده‌اند، می‌توانند سنگ مخزن مناسب برای نفت و گاز باشند. ماسه‌سنگ و سنگ آهک دارای چنین ویژگی‌هایی هستند.

- ۱۰۹- گزینه ۳ درست است.

$$Q = A \times V$$

$$Q = 1m^3 \times 0,25 \frac{m}{s} = 0,25 \frac{m^3}{s}$$

$$0,25 \frac{m^3}{s} \times 86400s = 21600m^3$$

- ۱۱۰- گزینه ۴ درست است.

در هنگام نفوذ آب به داخل زمین، بخشی از آب نفوذی به سطح ذرات خاک یا سنگ می‌چسبد، به‌طوری که منافذ و فضاهای خالی بالای سطح ایستایی تا سطح زمین توسط آب و هوا پر می‌شود که به آن منطقه تهویه می‌گویند.

- ۱۱۱- گزینه ۱ درست است.

آب‌های فسیلی به آب‌های گفته می‌شود که در طی چند هزار سال گذشته در اعمق زیاد محبوس شده‌اند و در چرخه آب قرار نداشته‌اند.

- ۱۱۲- گزینه ۴ درست است.

جنس کانی‌ها و سنگ‌ها، سرعت نفوذ آب، دمای آب، مسافت طی شده توسط آب و مواردی دیگر می‌توانند بر روی غلظت نمک‌های حل شده در آب‌های زیرزمینی اثر دارند ولی تفاوت زیادی بین آبخوان‌های تحت فشار و آزاد در میزان غلظت نمک‌ها وجود ندارد.

- ۱۱۳- گزینه ۳ درست است.

مقاومت سنگ، عبارت است از حداکثر تنفس یا ترکیبی از تنفس‌ها که سنگ می‌تواند تحمل کند، بدون آن که بشکند. هرچه مقاومت در مقابل این تنفس‌ها کم‌تر باشد، سنگ ناپایدارتر است.

- ۱۱۴- گزینه ۱ درست است.

به‌طور کلی توپل‌های حفر شده در بالای منطقه ایستایی (منطقه تهویه) مقاوم تر از توپل‌هایی هستند که داخل منطقه اشباع آب حفر شده‌اند، توپل‌هایی که عمود بر لایه‌ها باشند مقاوم‌تر از توپل‌هایی هستند که در امتداد یک لایه حفر شده‌اند.

- ۱۱۵- گزینه ۲ درست است.

گسلی که در شکل مشاهده می‌شود، گسلی مرکب است که بر اثر کشیده شدن پوشته به دو طرف به وجود آمده و اصطلاح گرabin را برای آن استفاده می‌کنند چنین گسل‌هایی بر اثر تنفس‌های کششی به وجود می‌آیند.

- ۱۱۶- گزینه ۳ درست است.

طبقه‌بندی مهندسی خاک‌ها، بر مبنای دانه‌بندی، درجه خمیری بودن و مقدار مواد آلی آن‌ها انجام می‌شود.

- ۱۱۷- گزینه ۳ درست است.

عارض کمبود روی، شامل کوتاهی و اختلال در سیستم ایمنی بدن است. زیادی روی در بدن هم سبب عوارضی چون کم خونی و حتی مرگ می‌شود.

- ۱۱۸- گزینه ۱ درست است.

وقتی پیریت در معرض هوای دگر، اکسیده یا حل می‌شود، عناصر ناخالصی آن مثل آرسنیک وارد منابع آب‌های جاری و زیرزمینی شده و سبب آلودگی این آبها می‌گردد.

- ۱۱۹- گزینه ۱ درست است.

کمبود ید در مناطق شمالی زمین به علت حجم زیاد آب نفوذی به زمین به علت ذوب یخچال‌های شمالی زمین اتفاق افتاده، این حجم زیاد آب سبب شده تا نمک‌های بسیار محلول مانند نمک‌های یددار حل شوند و منطقه از این ماده تهی می‌گردد.

- ۱۲۰- گزینه ۲ درست است.

توفال‌های گرد و غار و ریزگردها علاوه بر مشکلاتی که برای محیط‌زیست مانند افت کیفیت هوای انتقال باکتری‌ها، انتقال مواد سمی، و ... ایجاد می‌کنند، سبب کارهای مفیدی برای محیط‌زیست هم می‌شوند، مهم‌ترین آن‌ها، فراهم کردن مواد غذی اساسی برای جنگل‌های بارانی مناطق گرمسیری است.

- ۱۲۱- گزینه ۲ درست است.

پس از آزاد شدن انرژی در کانون و ایجاد موج‌های P و S، این موج‌ها با برخورد به سطح (مرز خشکی و هوای) و یا مرزهای بین دو لایه، امواج L و R را به وجود می‌آورند.

- ۱۲۲- گزینه ۴ درست است.

با داشتن اختلاف زمان رسیدن امواج S پس از P و به کمک نمودار فقط می‌توان فاصله مرکز سطحی زمین‌لرزه تا دستگاه لرزه‌نگار را به دست آورد. باید توجه داشت با به دست آوردن این فاصله محل مرکز سطحی زمین‌لرزه به دست نمی‌آید و باید دو ایستگاه دیگر هم این محاسبات را انجام دهند.

- ۱۲۳- گزینه ۲ درست است.

به ازای هر واحد بزرگا، دامنه امواج ۱۵ برابر و مقدار انرژی $\frac{3}{16}$ برابر افزایش پیدا می‌کند.

- ۱۲۴- گزینه ۴ درست است.

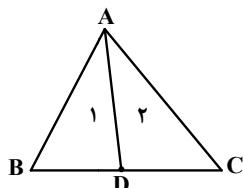
ترکیب شیمیایی گازهای خروجی از آتششان‌ها، بسیار متفاوت است. بیشترین گازها به ترتیب شامل، بخار آب، کربن دی‌اکسید، اکسیدهای گوگرد، ترکیبات نیتروژن‌دار و کلردار و کربن مونواکسید و گازهای نادر دیگر است.

- ۱۲۵- گزینه ۴ درست است.

سرزمین ایران، تاریخ تکوین پیچیده‌ای را پشت سر گذاشته است. بخش‌های مختلفی که اکنون ایران زمین را تشکیل می‌دهند، در دوره‌های مختلف زمین‌شناسی، بخش‌هایی از ابرقاره‌های گندوانا و لورازیا بوده‌اند.

هندسه (۲)

- ۱۲۶- گزینه ۲ درست است.



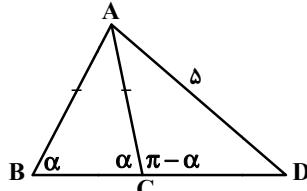
$$r_1 = \frac{2S_1}{P_1} = \frac{h \times BD}{AB + AD + BD}$$

$$r_1 = \frac{2S_1}{P_1} = \frac{h \times BD}{AC + AD + CD}$$

$$r_1 = r_2 \Rightarrow AB = AC$$

پس مثلث متساوی‌الساقین است.

- ۱۲۷- گزینه ۳ درست است.

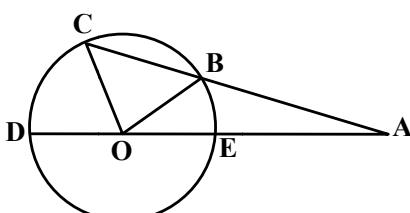


$$\sin(\pi - \alpha) = \sin \alpha = \frac{AD}{2R} = \frac{5}{6}$$

$$\sin \alpha = \frac{AD}{BD} \Rightarrow BD = 6$$

$$AB = \sqrt{(BD)^2 - (AD)^2} = \sqrt{36 - 25} = \sqrt{11}$$

- گزینه ۲ درست است.



$OB = OC = BC$

در نتیجه مثلث OBC مثلث متساوی‌الاضلاع است در نتیجه

$$\widehat{BE} = 180^\circ - (80^\circ + 60^\circ) = 40^\circ \quad \widehat{BC} = 60^\circ$$

$$\hat{A} = \frac{\widehat{CD} - \widehat{BE}}{2} = \frac{80^\circ - 40^\circ}{2} = 20^\circ$$

- گزینه ۱ درست است.

$$\frac{2S}{P} = \frac{\frac{2a^2 \sqrt{3}}{4}}{\frac{3a}{2}} = \frac{\sqrt{3}}{6} a \quad \text{شعاع دایره}$$

$$\frac{1}{3} \left(\frac{\sqrt{3}}{4} a^2 - \pi \left(\frac{\sqrt{3}}{6} a \right)^2 \right) = \frac{a^2}{3} \left(\frac{\sqrt{3}}{4} - \frac{\pi}{12} \right) = \frac{\sqrt{3}}{12} - \frac{\pi}{36}$$

- ۱۳۰- گزینه ۳ درست است.

۱۳۱- گزینه ۴ درست است.

برای بدست آوردن مختصات نقطه M داریم:

$$M \left| \begin{array}{l} \frac{-2+1}{2} = -\frac{1}{2} \\ \frac{1-3}{2} = -1 \end{array} \right.$$

مختصات نقطه بازتاب (۲، y) برابر (x) است در نتیجه داریم.

$$M \left| \begin{array}{l} \frac{x+2}{2} = -\frac{1}{2} \\ \frac{y+1}{2} = -1 \end{array} \right. \quad x = y = -3$$

۱۳۲- گزینه ۲ درست است.

همه موارد به جز مورد پ یکسان می‌باشند.

۱۳۳- گزینه ۴ درست است.

قضیه سینوس‌ها

$$\frac{a}{\sin A} = \frac{b}{\sin B} = \frac{c}{\sin C} = 2R$$

قضیه کسینوس‌ها

$$b^2 + c^2 - 2bc \cos A = a^2$$

$$4R^2 \sin^2 B + 4R^2 \sin^2 C - 4R^2 \sin B \sin C \cos A = 4R^2 \sin^2 A$$

$$\sin^2 B + \sin^2 C - \sin^2 A = 2 \sin B \sin C \cos A$$

۱۳۴- گزینه ۳ درست است.

$$\frac{a}{\sin A} = \frac{b}{\sin B} = \frac{c}{\sin C} = 2R$$

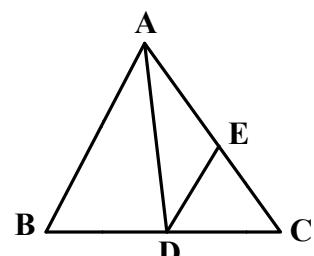
$$\frac{a+b+c}{\sin A + \sin B + \sin C} = 2R \Rightarrow \sin A + \sin B + \sin C = \frac{P}{2R} = \frac{18\sqrt{3}}{12}$$

$$\sin A + \sin B + \sin C = \frac{3\sqrt{3}}{2}$$

۱۳۵- گزینه ۱ درست است.

چون DE نیمساز است داریم

از طرفی طبق قضیه تالس



$$\frac{CE}{AE} = \frac{CD}{AD}$$

$$\frac{CE}{AE} = \frac{CD}{BD}$$

در نتیجه $AD = BD$ پس مثلث ABD متساوی‌الساقین است.

۱۳۶- گزینه ۱ درست است.

$$3^2 + 3^2 - 2(3)(3)\cos\theta = 4^2$$

$$\cos\theta = \frac{3}{18} = \frac{1}{6}$$

۱۳۷- گزینه ۴ درست است.

$$p = \frac{1}{2}(3+5+4) = \frac{15}{2}$$

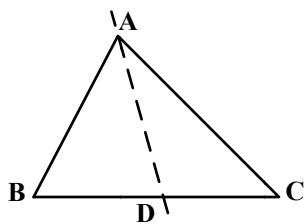
$$S = \sqrt{p(p-a)(p-b)(p-c)} = \sqrt{\frac{15}{2}(\frac{15}{2}-3)(\frac{15}{2}-5)(\frac{15}{2}-4)} = \frac{15\sqrt{3}}{4}$$

$$h_a = \frac{S}{\frac{1}{2}a} = \frac{\frac{15\sqrt{3}}{4} \times 2}{\frac{1}{2} \cdot 4} = \frac{15\sqrt{3}}{2}$$

- گزینه ۲ درست است.

$$\frac{CD}{BD} = \frac{AC}{AB}$$

نیمساز AD است:



$$\frac{CD}{BD+CD} = \frac{AC}{AB+AC} \Rightarrow \frac{CD}{BC} = \frac{AC}{AB+AC}$$

$$\frac{CD}{\gamma} = \frac{\Delta}{\lambda} \Rightarrow CD = \frac{\Delta}{\lambda}, \quad BD = \gamma - \frac{\Delta}{\lambda} = \frac{21}{\lambda}$$

$$AD^2 = AB \cdot AC - BD \cdot CD = 15 - \frac{10\Delta}{64} = \frac{225}{64}$$

$$AD = \frac{15}{\lambda}$$

- گزینه ۳ درست است.

با توجه به قضیه سینوس‌ها در مثلث‌های AMB و AMC داریم:

$$\frac{AM}{\sin B} = \frac{MB}{\sin A_1}, \quad \frac{AM}{\sin C} = \frac{MC}{\sin A_2}$$

$$\frac{AM}{BC} = \frac{\sin B}{\sin A_1} = \frac{\sin C}{\sin A_2}$$

حسابان (۱)

- گزینه ۳ درست است.

فرض:

در این صورت: a, b, c جملات دنباله هندسی

در این صورت:

$$\begin{cases} b^r = ac \\ q = \frac{b}{a} = \frac{c}{b} = r \Rightarrow b = ra, \quad c = rb = r^2a \\ a^r + b^r + c^r = \frac{21}{4} \end{cases}$$

در نتیجه:

$$a^r + r^2a^r + r^4a^r = \frac{21}{4} \Rightarrow r^4a^r = \frac{21}{4} \Rightarrow a = \begin{cases} \frac{1}{2} & \text{قابل قبول} \\ -\frac{1}{2} & \text{غیرقابل قبول} \end{cases}$$

$$a = \frac{1}{2} \Rightarrow b = r(\frac{1}{2}) = 1, \quad c = r^2(\frac{1}{2}) = 2$$

$$S_{10} = \frac{a_1(1-q^{10})}{1-q} = \frac{\frac{1}{2}(1-r^{10})}{1-r} = \frac{\frac{1}{2}(1-1024)}{-1} = \frac{-1023}{-2} = 511.5$$

- گزینه ۴ درست است.

$$9 \times 12 = 108$$

کوچک‌ترین عدد سه رقمی مضرب ۱۲

$$83 \times 12 = 996$$

بزرگ‌ترین عدد سه رقمی مضرب ۱۲

$$108, 120, 132, \dots, 996$$

دنباله اعداد سه رقمی مضرب ۱۲:

$$a_n = a_1 + (n-1)d \Rightarrow 996 = 108 + (n-1)12 \Rightarrow 12n - 12 + 108 = 996$$

$$12n = 900 \Rightarrow n = \frac{900}{12} = 75$$

$$S_{75} = \frac{75}{2}(108 + 996) = \frac{75}{2} \times 1104 = 75 \times 552 = 41400$$

۱۴۲- گزینه ۲ درست است.

$$\left. \begin{array}{l} s = x' + x'' = -\frac{b}{a} = -\frac{-2(m+1)}{m} = \frac{2(m+1)}{m} > 0 \implies m < -1 \text{ یا } m > 0 \\ \cap \\ \Rightarrow 0 < m < 5 \\ p = x' \cdot x'' = \frac{c}{a} = \frac{m-5}{m} < 0 \implies 0 < m < 5 \\ \Delta = 4(m+1)^2 - 4m(m-5) > 0 \\ 4m^2 + 8m + 4 - 4m^2 + 20m > 0 \implies 28m + 4 > 0 \implies m > -\frac{1}{7} \end{array} \right.$$

۱۴۳- گزینه ۲ درست است.

$$3 + 2x \geq 0 \implies x \geq -\frac{3}{2}$$

$$5x - x^3 \geq 0 \implies x(5 - x^2) \geq 0 \implies \begin{cases} x \leq -\sqrt{5} & \text{قابل قبول} \\ 0 \leq x \leq \sqrt{5} & \text{غیرقابل قبول} \end{cases} \cap 0 \leq x \leq \sqrt{5}$$

$3 + \sqrt{5x - x^3} \geq 0$ همواره برقرار است

$$3 + \sqrt{5x - x^3} = 3 + 2x \implies \sqrt{5x - x^3} = 2x \implies 5x - x^3 = 4x^2$$

در نتیجه:

$$x^3 + 4x^2 - 5x = 0 \implies x(x^2 + 4x - 5) = 0 \implies x(x+5)(x-1) = 0$$

بنابراین:

x = 0 قابل قبول

x = -5 غیرقابل قبول

x = 1 قابل قبول

۱۴۴- گزینه ۱ درست است.

$$|x(x^2 - 1)| \leq x \implies |x| |x^2 - 1| \leq x \implies |x^2 - 1| \leq \frac{x}{|x|} = \begin{cases} 1 & x > 0 \\ -1 & x < 0 \end{cases}$$

$$|x^2 - 1| \leq 1 \implies -1 \leq x^2 - 1 \leq 1 \implies 0 \leq x^2 \leq 2$$

$$\begin{cases} x^2 \leq 2 \implies -\sqrt{2} \leq x \leq \sqrt{2} \\ x^2 \geq 0 \implies \end{cases} \text{ جواب‌های صحیح قابل قبول} \Rightarrow \{-1, 1, 0\}$$

$$-1 + 1 + 0 = 0$$

۱۴۵- گزینه ۴ درست است.

$$ax + by - 1 = 0$$

$$d = \frac{|c|}{\sqrt{a^2 + b^2}} \implies \frac{|-1|}{\sqrt{a^2 + b^2}} = \frac{\sqrt{1}}{\sqrt{a^2 + b^2}} = \frac{1}{\sqrt{1}} = \sqrt{a^2 + b^2} = \sqrt{1} \implies a^2 + b^2 = 1$$

$$a + b = 1 \implies b = 1 - a$$

بنابراین:

$$a^2 + (1-a)^2 = 1 \implies a^2 + a^2 - 2a + 1 = 1 \implies 2a^2 - 2a + 1 = 0$$

$$a^2 - 2a + 1 = 0 \implies (a-1)^2 = 0 \implies a = 1 \implies b = 1 - 1 = 0$$

$$a - b = 1 - 0 = 1$$

۱۴۶- گزینه ۲ درست است.

$$x + 2 + 4\sqrt{x-2} = (2 + \sqrt{x-2})^2 ,$$

$$x + 2 - 4\sqrt{x-2} = (2 - \sqrt{x-2})^2$$

$$f(x) + g(x) = \sqrt{(2 + \sqrt{x-2})^2} + \sqrt{(2 - \sqrt{x-2})^2} = 2 + \sqrt{x-2} + 2 - \sqrt{x-2} = 4$$

$$x - 2 \geq 0 \implies x \geq 2 \implies \begin{cases} 2 + \sqrt{x-2} > 0 \\ 2 - \sqrt{x-2} > 0 \end{cases} \text{ همواره برقرار است}$$

۱۴۷- گزینه ۳ درست است.

$$2[x] + [x - 1 + \frac{1}{\gamma}] - [x + \frac{1}{\gamma}] = 4$$

$$2[x] + [x + \frac{1}{\gamma}] - [x + \frac{1}{\gamma}] - 1 = 4$$

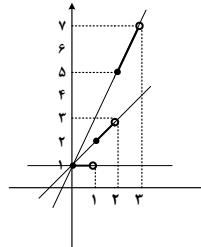
در نتیجه:

$$2[x] = 4 \Rightarrow [x] = 2 \Rightarrow [x - 1] = [x] - 1 = 2 - 1 = 1$$

۱۴۸- گزینه ۱ درست است.

$$(fog)^{-1} x = (g^{-1} \circ f^{-1})(x) = g^{-1}(\sqrt[3]{x-1}) = (\sqrt[3]{x-1} + 1)^3$$

$$= x - 1 + \sqrt[3]{(x-1)^2} + \sqrt[3]{x-1} + 1 = \sqrt[3]{(x-1)^2} + \sqrt[3]{x-1} + x$$



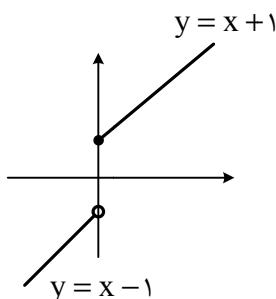
۱۴۹- گزینه ۴ درست است.

$$0 \leq x < 1 \Rightarrow [x] = 0 \Rightarrow f(x) = 1$$

$$1 \leq x < 2 \Rightarrow [x] = 1 \Rightarrow f(x) = x + 1$$

$$2 \leq x < 3 \Rightarrow [x] = 2 \Rightarrow f(x) = 2x + 1$$

(الف)

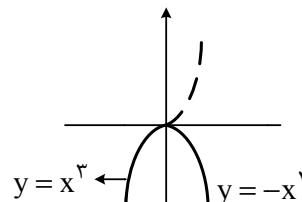


(ب)

ب: یک به یک نیست.

۱۵۰- گزینه ۳ درست است.

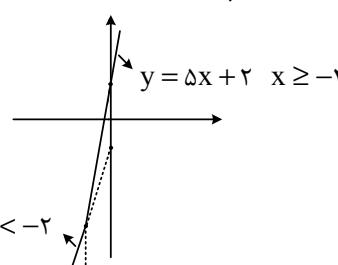
الف: یک به یک است.



(پ)

پ: یک به یک است.

$$f(x) = \begin{cases} \Delta x + 2 & x \geq -2 \\ 3x - 2 & x < -2 \end{cases}$$



۱۵۱- گزینه ۲ درست است.

$$f(g(x)) = \sqrt[3]{g(x)} + 3 = \lambda x - \Delta \Rightarrow \sqrt[3]{g(x)} = \lambda x - \lambda = \lambda(x - 1)$$

در نتیجه:

$$(g(x))^3 = \lambda(x - 1) \Rightarrow g(x) = \sqrt[3]{\lambda(x - 1)}$$

$$g(2) = \sqrt[3]{\lambda(2 - 1)} = \sqrt[3]{\lambda}$$

در نتیجه:

$$g(g(2)) = g(\sqrt[3]{\lambda}) = \sqrt[3]{\lambda} \Rightarrow g(g(g(2))) = \sqrt[3]{\lambda}$$

۱۵۲- گزینه ۱ درست است.

$$\frac{1}{4} \log_2 x + \frac{1}{4} \log_2 \frac{x}{2} = \frac{1}{4}$$

$$\frac{1}{4} + \frac{1}{4} \log_2 \frac{x}{2} = \frac{1}{4},$$

فرض: $\log_2 x = A$

در نتیجه:

$$\frac{1}{4} + \frac{1}{4} A = \frac{1}{4} \Rightarrow \frac{\frac{1}{4} + \frac{1}{4} A}{A} = \frac{1}{4} \Rightarrow \frac{1}{4} + \frac{1}{4} A^2 = \frac{1}{4} A$$

بنابراین:

$$A^2 - 4A + 1 = 0 \Rightarrow (A-1)(A-4) = 0 \Rightarrow \begin{cases} A = 1 = \log_2 x \\ A = 4 = \log_2 x \end{cases}$$

$$\log_2 x = 1 \Rightarrow x = 2^1 = 2, \quad \log_2 x = 4 \Rightarrow x = 2^4 = 16$$

$$2+4=6$$

۱۵۳- گزینه ۳ درست است.

$$\log_a k = b \Rightarrow k = a^b, \quad \log_x k = \frac{b}{4} \Rightarrow k = x^{\frac{b}{4}}$$

در نتیجه:

$$\log_a x^{\frac{b}{4}} = b \Rightarrow \frac{b}{4} \log_a x = b \Rightarrow \log_a x = \frac{b}{\frac{b}{4}} = 4$$

بنابراین:

$$x = a^4$$

۱۵۴- گزینه ۴ درست است.

$$E = 10^{23/95}$$

$$\log E = 11/8 + 1/5 M = 23/95 \Rightarrow 1/5 M = 23/95 - 11/8 = 12/15$$

در نتیجه:

$$M = \frac{12/15}{1/5} = 8/1$$

۱۵۵- گزینه ۱ درست است.

$$2x - x^2 > 0 \Rightarrow x(2-x) > 0 \Rightarrow 0 < x < 2$$

$$\log_{\frac{1}{2}}^{2x-x^2} \geq 0 \Rightarrow 2x - x^2 < 1 \Rightarrow x^2 - 2x + 1 > 0 \Rightarrow x \neq 1$$

همواره برقرار است

بنابراین:

$$D_f = (0, 1) - \{1\}$$

۱۵۶- گزینه ۳ درست است.

$$f_1(x) = \tan x = \frac{\sin x}{\cos x} \Rightarrow D_{f_1} = \{x \mid x \neq \pi k \pm \frac{\pi}{2}\}$$

$$f_2(x) = \cot x = \frac{\cos x}{\sin x} \Rightarrow D_{f_2} = \{x \mid x \neq k\pi\}$$

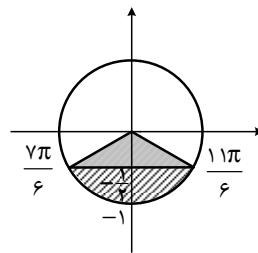
$$D_f = D_{f_1} \cap D_{f_2} = \{x \mid x \neq \frac{k\pi}{2}\}$$

- گزینه ۲ درست است.

$$\frac{\cos x - 1 + \cos x}{\sin x} = \frac{\cos x - 1 - \cos x}{\sin x} = \frac{-1}{\sin x}$$

$$\frac{7\pi}{6} \leq x \leq \frac{11\pi}{6} \Rightarrow -1 \leq \sin x \leq -\frac{1}{2}$$

$$-1 \geq \frac{1}{\sin x} \geq -2 \Rightarrow 1 \leq \frac{-1}{\sin x} \leq 2$$

در نتیجه: بیشترین مقدار $\frac{-1}{\sin x}$ برابر ۲ است.

- گزینه ۱ درست است.

$$\cos 7\lambda\delta^\circ = \cos\left(\frac{7\pi}{6} + 1\delta^\circ\right) = \sin 1\delta^\circ = \cos 7\delta^\circ$$

$$\sin 7\delta\delta^\circ = \sin(\pi + 7\delta^\circ) = -\sin 7\delta^\circ$$

در نتیجه:

$$\cos 7\lambda\delta^\circ \cdot \sin 7\delta\delta^\circ = (\cos 7\delta^\circ)(-\sin 7\delta^\circ) = -\frac{1}{2}(2\sin 7\delta^\circ \cos 7\delta^\circ)$$

$$= -\frac{1}{2}\sin 2(7\delta^\circ) = -\frac{1}{2}\sin 1\delta^\circ = -\frac{1}{2} \times \frac{1}{2} = -\frac{1}{4}$$

- گزینه ۴ درست است.

$$\frac{\cos^r x(\sin x + r \sin x \cos x)}{1 + \cos x + r \cos^r x - 1} = \frac{\cos^r x \sin x (1 + \cancel{r \cos x})}{\cos x (1 + \cancel{r \cos x})}$$

$$= \sin x \cos x = \frac{1}{r} \sin rx$$

- گزینه ۱ درست است.

$$\frac{7\delta^\circ \pi}{\lambda} = 7\lambda\pi + \frac{\pi}{4} = 1\delta(2\pi) + \pi + \frac{\pi}{4}$$

$$\sin\left(\frac{-7\delta^\circ \pi}{\lambda}\right) = \sin\left(-\frac{7\delta^\circ \pi}{4}\right) = -\sin\frac{7\delta^\circ \pi}{4} = -\left(-\frac{\sqrt{2}}{2}\right) = \frac{\sqrt{2}}{2}$$

$$\cos\left(\frac{-7\delta^\circ \pi}{\lambda}\right) = \cos\left(\frac{7\delta^\circ \pi}{4}\right) = -\frac{\sqrt{2}}{2}$$

$$\tan\left(-\frac{7\delta^\circ \pi}{\lambda}\right) = \tan\left(-\frac{7\delta^\circ \pi}{4}\right) = -\tan\frac{7\delta^\circ \pi}{4} = -1$$

$$\cot\left(-\frac{7\delta^\circ \pi}{\lambda}\right) = \cot\left(\frac{7\delta^\circ \pi}{4}\right) = 1$$

در نتیجه:

$$\sin\left(-\frac{7\delta^\circ \pi}{\lambda}\right) + r \cos\left(\frac{7\delta^\circ \pi}{\lambda}\right) + r \tan\left(-\frac{7\delta^\circ \pi}{\lambda}\right) + r \cot\left(\frac{7\delta^\circ \pi}{\lambda}\right) =$$

$$\frac{\sqrt{2}}{2} + r\left(-\frac{\sqrt{2}}{2}\right) + r(-1) + r(1) = \frac{\sqrt{2}}{2} - \sqrt{2} - r + r = 1 - \frac{\sqrt{2}}{2}$$

- گزینه ۲ درست است.

$$\lim_{x \rightarrow 1^-} \frac{x - \sqrt{x}}{1 - \sqrt[3]{x}} = \lim_{x \rightarrow 1^-} \frac{x - \sqrt{x}}{1 - \sqrt[3]{x}} = \times \frac{(1 + \sqrt[3]{x} + \sqrt[3]{x^2})(x + \sqrt{x})}{(1 + \sqrt[3]{x} + \sqrt[3]{x^2})(x + \sqrt{x})}$$

$$\lim_{x \rightarrow 1^-} \frac{(x^r - x)(1 + \sqrt[3]{x} + \sqrt[3]{x^2})}{(1 - x)(x + \sqrt{x})} = \lim_{x \rightarrow 1^-} \frac{\frac{1}{x}(x - 1)(1 + \sqrt[3]{x} + \sqrt[3]{x^2})}{(1 - x)(x + \sqrt{x})}$$

$$= \frac{-1(1+1+1)}{1+1} = -\frac{3}{2}$$

۱۶۲- گزینه ۳ درست است.

$$\lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{2}^-} \frac{(\sin x - 1) \times \sin^r x}{\cos^r x} = \lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{2}^-} \frac{(\sin x - 1) \times \sin^r x}{1 - \sin^r x}$$

$$= \lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{2}^-} \frac{(\cancel{\sin x - 1}) \sin^r x}{(\cancel{1 - \sin x})(1 + \sin x)} = \lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{2}^-} \frac{-\sin^r x}{1 + \sin x} = \frac{-(1)^r}{1+1} = -\frac{1}{2}$$

۱۶۳- گزینه ۳ درست است.

$$\lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{2}^-} \frac{\cos x (\sqrt{1 + \cot x} + \sqrt{1 - \cot x})}{\cancel{1 + \cot x} \cancel{1 + \cot x}} = \lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{2}^-} \frac{\cos x (\sqrt{1 + \cot x} + \sqrt{1 - \cot x})}{\cancel{2 \cos x}}$$

$$= \frac{1+1}{\frac{1}{2}} = 1$$

۱۶۴- گزینه ۴ درست است.

$$\lim_{x \rightarrow \infty^-} \frac{\sin x}{\sqrt{1 - \cos x}} = \lim_{x \rightarrow \infty^-} \frac{\cancel{2} \sin \frac{x}{2} \cos \frac{x}{2}}{\sqrt{1 - (1 - \cancel{2} \sin^2 \frac{x}{2})}} = \lim_{x \rightarrow \infty^-} \frac{\cancel{2} \sin \frac{x}{2} \cos \frac{x}{2}}{\sqrt{2} |\sin \frac{x}{2}|}$$

$$= \lim_{x \rightarrow \infty^-} \frac{\cancel{2} \sin \frac{x}{2} \cos \frac{x}{2}}{-\sqrt{2} \sin \frac{x}{2}} = \frac{\cancel{2}}{-\sqrt{2}} = -\sqrt{2} \Rightarrow -\sqrt{2} = a = b$$

$f(0) = a$

$$\lim_{x \rightarrow \infty^+} [x] + b = \infty + b = b$$

در نتیجه:

$$a + b = -\sqrt{2} - \sqrt{2} = -2\sqrt{2}$$

۱۶۵- گزینه ۲ درست است.

تابع $f(x) = [g(x)]$ در نقاطی که $g(x) \in \mathbb{Z}$ باشد ناپیوسته است، به جز نقاطی که در آن نقاط $g(x)$ دارای مینیمم نسبی باشد.

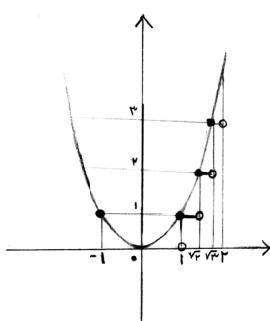
نقاط ناپیوستگی عبارتند از:

$$x^r = 1 \Rightarrow x = \pm 1$$

$$x^r = 2 \Rightarrow x = \pm \sqrt{2}$$

$$x^r = 3 \Rightarrow x = \pm \sqrt[3]{2}$$

$$x^r = 4 \Rightarrow x = \pm 2$$

در $x = 0$ پیوسته است.بنابراین نقاط ناپیوستگی تابع روی بازه $[-1, 2]$ عبارتند از:

$$-1, 1, \sqrt{2}, \sqrt{3}, 2$$

۱۶۶- گزینه ۴ درست است.

$$f(x) = \begin{cases} ax^r + bx + 1 & -2 < x < 2 \\ \sqrt{(x-2)^r} & x < -2 \text{ یا } x > 2 \end{cases} = \begin{cases} ax^r + bx + 1 & -2 < x < 2 \\ |x-2| & x < -2 \text{ یا } x > 2 \end{cases}$$

در نتیجه:

$$\begin{cases} \lim_{x \rightarrow 2^-} f(x) = \lim_{x \rightarrow 2^-} (ax^r + bx + 1) = 4a + 2b + 1 \\ \lim_{x \rightarrow 2^+} f(x) = \lim_{x \rightarrow 2^+} |x-2| = 0 \end{cases} \Rightarrow 4a + 2b + 1 = 0$$

$$\begin{cases} \lim_{x \rightarrow -\infty^+} f(x) = \lim_{x \rightarrow -\infty^+} (ax + bx + 1) = -a - b + 1 \\ \lim_{x \rightarrow -\infty^-} f(x) = \lim_{x \rightarrow -\infty^-} |x - 2| = -2 - 2 = -4 \end{cases} \Rightarrow -a - b + 1 = -4$$

در نتیجه:

$$\begin{cases} -a - b = -1 \\ -a - b = -4 \end{cases} \Rightarrow -a = 3 \Rightarrow a = -\frac{1}{4} \Rightarrow -\left(\frac{1}{4}\right) + b = -1 \Rightarrow b = -\frac{3}{4}$$

بنابراین:

$$a + b = -\frac{1}{4} - \frac{3}{4} = -\frac{4}{4} = -1$$

آمار و احتمال

۱۶۷- گزینه ۴ درست است.

p	q	$p \Rightarrow q$	$q \Rightarrow p$	$p \Leftrightarrow q$	$\sim(p \Leftrightarrow q)$	$\sim p \Rightarrow q$	$q \Rightarrow \sim p$	$\sim p \Leftrightarrow q$
د	د	د	د	د	ن	د	ن	ن
د	ن	ن	د	ن	د	د	د	د
ن	د	د	ن	ن	د	د	د	د
ن	ن	د	د	د	ن	ن	د	ن

۱۶۸- گزینه ۳ درست است.

برای اینکه گزاره مورد سؤال درست باشد با هر دو گزاره $q \Rightarrow \sim p \Rightarrow r$ و $\sim p \Rightarrow r$ با هم درست باشند.ابتدا فرض می‌کنیم p درست باشد در نتیجه گزاره $r \Rightarrow \sim p \Rightarrow \sim p$ با احتمال $\frac{1}{3}$ درست است و گزاره $p \Rightarrow \sim p$ با احتمال $\frac{1}{3}$ درست است خواهد بود. پس احتمال کلی

$$P(A) = \frac{1}{2} \left(\frac{1}{3} + \frac{1}{3} \right) = \frac{1}{2} \times \frac{1}{3} = \frac{1}{6}$$

۱۶۹- گزینه ۲ درست است.

تعداد زیرمجموعه‌های یک مجموعه n عضوی که اعضای a و b در آنها باشند برابر 2^{n-2} می‌باشد.

$$2^{n-2} = 2^5 \Rightarrow n = 7$$

$$\text{تعداد زیرمجموعه‌های ۴ عضوی} = \binom{7}{4} = \frac{7!}{4!3!} = 35$$

۱۷۰- گزینه ۴ درست است.

$$P(1) + P(2) + P(3) + P(4) + P(5) + P(6) = 1$$

$$3P(1) + 3P(2) = 3(P(1) + \frac{3}{2}P(1)) = \frac{15}{2}P(1) = 1$$

$$P(5) = P(3) = P(1) = \frac{2}{15} \quad P(2) = P(4) = P(6) = \frac{1}{5}$$

$$P = 2 \times \frac{2}{15} \times \frac{1}{5} = \frac{4}{75}$$

$$\Rightarrow P = \frac{4}{75}$$

$$x+y=5 \quad x=1, y=4 \quad x=2, y=3$$

$$P = 2 \times \frac{2}{15} \times \frac{1}{5} = \frac{4}{75}$$

۱۷۱- گزینه ۲ درست است.

$$P(B|A) = \frac{P(A \cap B)}{P(A)} \Rightarrow P(A \cap B) = P(A) \cdot P(B|A) = 0.3 \times 0.75 = 0.225$$

$$P(A' \cap B') = P((A \cup B)') = 1 - P(A \cup B) = 0.35$$

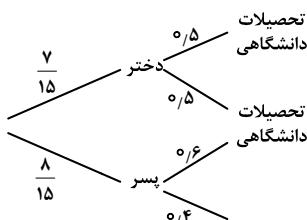
$$P(A \cup B) = 0.65$$

$$P(A \cup B) = P(A) + P(B) - P(A \cap B)$$

$$P(B) = P(A \cup B) + P(A \cap B) - P(A) = 0.65 + 0.225 - 0.3 = 0.575$$

۱۷۲- گزینه ۱ درست است.

$$\begin{aligned} P(A \cup B) &= P(A) + P(B) - P(A \cap B) = P(A) + P(B) - P(A)P(B) \\ &= P(A) + P(B)(1 - P(A)) = 0.5 + 0.5P(B) = 0.8 \\ P(B) &= 0.6 \quad P(A \cap B) = 0.6 \times 0.5 = 0.3 \\ P(A' \cup B') &= P((A \cap B)') = 1 - P(A \cap B) = 0.7 \end{aligned}$$



۱۷۳- گزینه ۳ درست است.

$$\frac{7}{15} \times 0.5 + \frac{8}{15} \times 0.6 = \frac{3.5 + 4.8}{15} = \frac{8.3}{15} \\ P = 0.553$$

۱۷۴- گزینه ۱ درست است.

۱۱، ۱۱، ۱۲، ۱۲، ۱۴، ۱۵، ۱۶، ۱۷، ۱۸، ۱۹

$$\text{میانگین} = \frac{11+11+12+12+14+15+16+17+18+19}{10} = 14.5$$

$$\text{میانه} = 14.5$$

پس اختلاف برابر صفر است.

۱۷۵- گزینه ۱ درست است.

$$\sigma^2 = \frac{\sum(x_i - \bar{x})^2}{n} = \frac{(4/5)^2 + 3(3/5)^2 + 3(2/5)^2 + (1/5)^2 + 2(0/5)^2}{10}$$

$$\sigma^2 = \frac{20/25 + 36/25 + 18/25 + 2/25 + 0/25}{10} = 1.85$$

۱۷۶- گزینه ۲ درست است.

دادهای خارج از جعبه برابر ۱۱، ۱۱، ۱۸، ۱۸ و ۱۹ می‌باشند که میانگین آن‌ها برابر:

$$\frac{11+11+18+19}{4} = \frac{59}{4} = 14.75$$

۱۷۷- گزینه ۳ درست است.

۱۷۸- گزینه ۴ درست است.

چون واریانس صفر است. پس همه داده‌ها با هم برابر و برابر با میانگین می‌باشند در نتیجه میانگین در حالت جدید برابر:

$$\bar{x}_2 = \frac{8\bar{x}_1 + 20}{9} = \bar{x}_1 + 1$$

$$\frac{1}{9}\bar{x}_1 = \frac{11}{9} \Rightarrow \bar{x}_1 = 11 \quad , \quad \bar{x}_2 = 12$$

۱۷۹- گزینه ۲ درست است.

$$\sigma^2 = \frac{8(1)^2 + 84}{9} = 8 \quad \sigma = 2\sqrt{2}$$

$$\sigma_{\bar{x}} = \frac{2\sqrt{2}}{3}$$

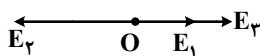
۱۸۰- گزینه ۳ درست است.

$$\bar{x} - \frac{2\sigma}{\sqrt{n}} \leq \mu \leq \bar{x} + \frac{2\sigma}{\sqrt{n}}$$

$$11/9 \leq \mu \leq 14/9 \quad [11/9, 14/9]$$

فیزیک (۲)

۱۸۱- گزینه ۲ درست است.

برای اینکه میدان خالص نقطه ۰ صفر شود، باید با توجه به میدان‌های رسم شده، بار q_2 منفی باشد و $E_2 = E_1 + E_3$ باشد.

$$\frac{k|q_2|}{100} = \frac{k \times 9}{900} + \frac{k \times 2}{100} \Rightarrow q_2 = -3\mu C$$

- گزینه ۴ درست است.

تعداد پروتون‌های هسته اتم کربن برابر ۶ تاست.

$$q = ne = 6 \times 1/6 \times 10^{-19} = 9/6 \times 10^{-19} C$$

- گزینه ۳ درست است.

اگر ۲۵ درصد از بار q_2 برداریم، بار جدید آن $\frac{3}{4}$ می‌شود و بار جدید q_1 نیز برابر $\frac{3}{4}$ می‌شود.

$$\frac{F'}{F} = \frac{\frac{3}{4}q \times \frac{3}{4}q}{q^2} \times \left(\frac{r}{\frac{3}{4}r} \right)^2 = \frac{9}{16} \times \frac{16}{9} = 1$$

- گزینه ۲ درست است.

$$\frac{E'}{E} = \frac{q'}{q} \times \left(\frac{r}{r} \right)^2 = \frac{q}{3q} \times \left(\frac{3r}{r} \right)^2 = 3$$

- گزینه ۱ درست است.

در جایه‌جایی بار مثبت از نزدیک قطب مثبت تا منفی کار نیروی میدان مثبت است. پس انرژی پتانسیل الکتریکی آن کاهش می‌یابد. کار میدان نیز به شکل مسیر مستقیم ندارد.

- گزینه ۲ درست است.

طول ضلع این مثلث برابر $30\sqrt{2} cm$ است. به بار موجود در رأس قائم دو نیروی عمود بر هم و هماندازه وارد می‌شود.

$$F = \frac{kq_1q_2}{r^2} = \frac{9 \times 10^9 \times 4 \times 10^{-12}}{9 \times 2 \times 10^{-2}} = 2 \times 10^{-1} = 0.2 N$$

$$F_T = \sqrt{(0.2)^2 + (0.2)^2} = 0.2\sqrt{2} N$$

- گزینه ۴ درست است.

برای اینکه برآیند نیروهای وارد بر بار q_2 برابر صفر شود، باید دو نیروی هماندازه و خلاف جهت هم به آن وارد شود. پس باید بار q_3 خارج فاصله بار q_1 و q_2 و نزدیک بار q_2 قرار گیرد. فاصله بار q_3 تا q_2 را x در نظر می‌گیریم.

$$F_{23} = F_{13} \Rightarrow \frac{1}{x^2} = \frac{9}{(60+x)^2} \Rightarrow$$

جذر می‌گیریم

$$\frac{1}{x} = \frac{3}{60+x} \Rightarrow x = 30 \text{ cm}$$

$$q_1 \text{ از بار } q_3 = 30 + 60 = 90 \text{ cm}$$

- گزینه ۲ درست است.

کره‌ای که حجم آن $27V$ است شعاع آن 3 برابر شعاع کره‌ای است که حجم آن V_1 است (با توجه به رابطه $V = \frac{4}{3}\pi r^3$)

$$\frac{\sigma_2}{\sigma_1} = \frac{q_2}{q_1} \times \left(\frac{r_1}{r_2} \right)^2 \Rightarrow \frac{\sigma_2}{\sigma_1} = \frac{27q_1}{q_1} \times \left(\frac{r_1}{3r_1} \right)^2 = 3$$

- گزینه ۳ درست است.

چون ذره آزادانه جایه‌جا شده است، طبق قانون پایستگی انرژی، افزایش انرژی جنبشی آن برابر کاهش انرژی پتانسیل الکتریکی آن است.

$$\Delta k = \frac{1}{2} m V^2 - \frac{1}{2} m V_0^2 = \frac{1}{2} \times 2 \times 10^{-3} \times 16 = 16 \times 10^{-3} J$$

$$V_B - V_A = \frac{\Delta u}{q} = \frac{-\Delta k}{q} = \frac{-16 \times 10^{-3}}{-4 \times 10^{-6}} = 4000 V$$

- گزینه ۳ درست است.

اگر بار خازن 20 درصد کاهش یابد، یعنی بار خازن به 80 درصد مقدار اولیه رسیده است ولی ظرفیت خازن تغییر نمی‌کند.

$$\frac{u_2}{u_1} = \left(\frac{q_2}{q_1} \right)^2 = \left(\frac{8/8q_1}{q_1} \right)^2 = 0.64$$

پس انرژی خازن 36 درصد کاهش می‌یابد.

- ۱۹۱- گزینه ۱ درست است.

چون خازن را از مولد جدا می‌کنیم، بار روی صفحات آن تغییر نمی‌کند. ثابت = $\frac{q}{C}$ و چون فاصله صفحات با ظرفیت خازن رابطه عکس دارد، پس ظرفیت

$$\text{خازن نصف می‌شود. طبق رابطه } \frac{q}{C} = V, \text{ اختلاف پتانسیل دو سر خازن ۲ برابر می‌شود و طبق رابطه } \frac{1}{2} qV = u \text{ انرژی خازن نیز ۲ برابر می‌شود.}$$

- ۱۹۲- گزینه ۳ درست است.

$$u = \frac{1}{2} CV^2 = \frac{1}{2} \times 500 \times (400)^2 = 4 \times 10^7 \mu J = 40 J$$

$$P = \frac{40}{2 \times 10^{-3}} = 20 \times 10^3 W = 20 kW$$

- ۱۹۳- گزینه ۴ درست است.

چون ثابت دیالکتریک افزایش می‌یابد، پس ظرفیت و بیشینه ولتاژ قابل تحمل خازن افزایش می‌یابد.

- ۱۹۴- گزینه ۲ درست است.

نیمی از انرژی که مولد از دست می‌دهد صرف شارش بارها و پرشدن خازن می‌شود. بنابراین انرژی ذخیره شده در خازن نصف انرژی است که مولد از دست می‌دهد.

- ۱۹۵- گزینه ۱ درست است.

با توجه به رابطه $V = \epsilon - Ir$ مقاومت درونی مولد برابر ۱ اهم است.

- ۱۹۶- گزینه ۳ درست است.

ولتسنج ولتاژ دو سر هر یک از مقاومتها و یا ولتاژ دو سر مولد را نشان می‌دهد. با بستن کلید مقاومت ۳ اهمی وارد مدار می‌شود و مقاومت معادل مدار

$$\frac{3 \times 1/5}{4/5} = 1\Omega \text{ می‌شود.}$$

$$V_1 = \epsilon - Ir = \epsilon - \left(\frac{\epsilon}{1/5 + r}\right)r = \epsilon \left(1 - \frac{r}{1/5 + r}\right)$$

$$V_2 = \epsilon - \left(\frac{\epsilon}{1+r}\right)r = \epsilon \left(1 - \frac{r}{1+r}\right)$$

$$\frac{1 - \frac{r}{1/5 + r}}{1 - \frac{r}{1+r}} \Rightarrow r = 3\Omega$$

- ۱۹۷- گزینه ۴ درست است.

ابتدا شدت جریان مدار را به دست می‌آوریم.

$$I = \frac{\sum \epsilon}{\sum R + \sum r} = \frac{24 - 9 - 3}{12} = 1A$$

$$V_A - 6 - 9 - 2 - 3 = V_B$$

$$V_A - V_B = 20 V \Rightarrow V_B - V_A = -20 V$$

- ۱۹۸- گزینه ۴ درست است.

چون قطر سیم A، ۲ برابر قطر سیم B است پس سطح مقطع آن ۴ برابر سیم B است.

$$m_A = 2m_B$$

$$A_A L_A = 2A_B L_B$$

$$4A_B L_A = 2A_B L_B$$

$$L_B = 2L_A$$

$$\frac{R_A}{R_B} = \frac{\rho_A}{\rho_B} \times \frac{L_A}{L_B} \times \frac{A_B}{A_A}$$

$$\frac{R_A}{R_B} = \frac{L_A}{2L_A} \times \frac{A_B}{4A_B} = \frac{1}{8}$$

- ۱۹۹- گزینه ۳ درست است.

چون مقاومت شاخه بالایی $\frac{1}{5}$ مقاومت شاخه پایینی است پس باید جریان شاخه پایینی ۵ برابر شاخه پایین باشد. به این ترتیب جریان شاخه بالایی $5A$ و شاخه پایینی $1A$ است.

$$V_A + (5 \times 5) - (5 \times 1) = V_B \Rightarrow V_A - V_B = -20 V$$

-۲۰۰- گزینه ۲ درست است.

از مقاومت ۲ اهمی جریانی عبور نمی‌کند، پس حذف می‌شود. مقاومت‌های ۴ و ۱ اهمی موازیند. مقاومت‌های ۳ و ۶ اهمی نیز موازی‌اند و حاصل آن‌ها با هم متوالی است و در نهایت با مقاومت ۷ اهمی موازی‌اند.

$$\frac{4 \times 1}{5} = 0.8 \Omega$$

$$\frac{3 \times 6}{9} = 2 \Omega$$

$$2 + 0.8 = 2.8 \Omega$$

$$\frac{2.8 \times 7}{0.8} = 2 \Omega$$

-۲۰۱- گزینه ۱ درست است.

با بستن کلید مقاومت معادل مدار کاهش می‌باید، پس جریان I افزایش می‌باید و جریان I' کاهش می‌باید.

-۲۰۲- گزینه ۱ درست است.

ابتدا شدت جریان مدار را به دست می‌آوریم:

$$I = \frac{\Sigma E}{\Sigma r}$$

$$I = \frac{20 - 4}{4} = 4 A$$

$$P_1 = \epsilon_1 I - r_1 I^2 = 20 \times 4 - 3(16) = 32 W$$

$$P_2 = \epsilon_2 I + r_2 I^2 = 4 \times 4 + 1 \times 16 = 32 W$$

-۲۰۳- گزینه ۳ درست است.

با استفاده از عدد ولتسنج شدت جریان عبوری از مقاومت ولتسنج را به دست می‌آوریم:

$$V = R_v I \Rightarrow 12 = 4800 I \Rightarrow I = \frac{1}{4800} A$$

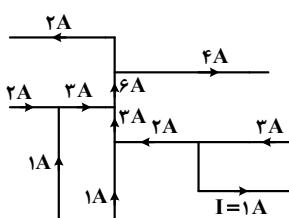
چون جریان عبوری از آمپرسنج $\frac{1}{4800} A$ است پس مقاومت شاخه بالایی باید $\frac{1}{4800} \Omega$ مقاومت شاخه پایینی باشد.

$$R + R_A = \frac{1}{100} \times 4800 = 48 \Omega$$

$$R + 2 = 48 \Rightarrow R = 46 \Omega$$

-۲۰۴- گزینه ۴ درست است.

با استفاده از قانون گره‌ها می‌توان جریان I را به دست آورد.



-۲۰۵- گزینه ۲ درست است.

با استفاده از قانون گره‌ها جریان شاخه سمت چپ ۳A به سمت چپ به دست می‌آید.

$$V_A + (2 \times 3) - 12 + 8 - (2 \times 2) = V_B$$

$$V_A - V_B = 2V$$

-۲۰۶- گزینه ۴ درست است.

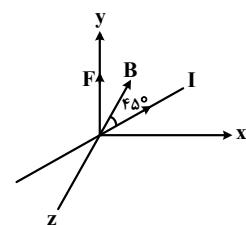
مطلوب متن کتاب درسی

-۲۰۷- گزینه ۱ درست است.

$$B = \frac{\mu \cdot NI}{2r} = \frac{4\pi \times 10^{-7} \times 10 \times 20}{2 \times 2 \times 10^{-2}} = 2\pi \times 10^{-3} = 6.28 \times 10^{-3} T$$

-۲۰۸- گزینه ۲ درست است.

$$\frac{B_A}{B_B} = \frac{N_A}{N_B} \times \frac{I_A}{I_B} \times \frac{L_B}{L_A} = \frac{2N_B}{N_B} \times \frac{L_B}{2L_A} = 1$$



-۲۰۹- گزینه ۳ درست است.

با استفاده از قاعده دست راست F به سمت بالاست.

$$F = BIL \sin 45^\circ$$

$$F = 4 \times 10^{-2} \times 2 \times 10^1 \times 1 \times \frac{\sqrt{2}}{2} = 0.4\sqrt{2} N$$

-۲۱۰- گزینه ۴ درست است.

با استفاده از قاعده دست راست

-۲۱۱- گزینه ۲ درست است.

با استفاده از قاعده دست راست نیروی وارد بر هر دو ذره به سمت مرکز مسیر است پس هر دو مشبّت‌اند.

-۲۱۲- گزینه ۳ درست است.

سیم‌لوله حامل جریان مانند آهن‌ربا عمل می‌کند که با توجه به قاعده دست راست، سمت راست سیم‌لوله قطب N و سمت چپ آن قطب S است. \Leftarrow

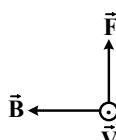
آهن‌ربای (۱) را دفع و آهن‌ربای (۲) را جذب می‌کند.

-۲۱۳- گزینه ۱ درست است.

مطابق متن کتاب درسی

-۲۱۴- گزینه ۱ درست است.

با استفاده از قاعده دست راست جهت B را تعیین می‌کنیم و چون بار الکترون منفی است جهت آن را وارون می‌کنیم.



-۲۱۵- گزینه ۴ درست است.

برای اینکه ذره از مسیر خود منحرف نشود باید نیروهای الکتریکی و مغناطیسی برابر باشد.

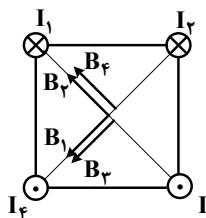
$$Eq = qv_B \sin 90^\circ$$

$$10^3 = v \times 2 \times 10^{-1} \Rightarrow v = 5 \times 10^3 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

-۲۱۶- گزینه ۳ درست است.

با استفاده از قاعده دست راست میدان هر یک از سیم‌ها را رسم می‌کنیم.

میدان مغناطیسی خالص به سمت چپ است.



-۲۱۷- گزینه ۱ درست است.

$$\omega = 100 = \frac{2\pi}{T} \Rightarrow T = \frac{\pi}{50} \text{ s} \rightarrow \text{بسامد} = \frac{50}{\pi} \text{ Hz}$$

-۲۱۸- گزینه ۲ درست است.

$$|\epsilon| = L \left| \frac{dI}{dt} \right| \Rightarrow L = \frac{\epsilon}{dI} \times dt \Rightarrow \frac{\text{ثانیه} \times \text{اهم}}{\text{آمپر}} = \frac{\text{ولت}}{\text{هانری}} \times \frac{\text{ثانیه}}{\text{دست}} = \frac{\text{ولت}}{\text{هانری}} \times \frac{\text{آمپر}}{\text{ثانیه}}$$

-۲۱۹- گزینه ۳ درست است.

$$\epsilon = -N \frac{d\phi}{dt} = -\frac{NdB \cdot A \cos \theta}{dt}$$

$$\epsilon = \frac{-2 \times 10^3 \times (-0/5) \times 4 \times 10^{-3} \times 1}{2 \times 10^{-2}} = 20 \text{ V}$$

-۲۲۰- گزینه ۳ درست است.

$$u_{\max} = \frac{1}{2} LI_{\max}^2 \Rightarrow 64/8 = \frac{1}{2} L \times 36 \times 2 \Rightarrow L = \frac{64/8}{36} = 1/8 \text{ H}$$

-۲۲۱- گزینه ۴ درست است.

$$L = \frac{\mu \cdot N^2 A}{1} \Rightarrow 160 \times 10^{-3} = \frac{4 \times 3 / 14 \times 10^{-7} \times N^2 \times 2 \times 10^{-3}}{6 / 28 \times 10^{-2}}$$

$$N^2 = 4 \times 10^6 \Rightarrow N = 2000$$

- گزینه ۲ درست است.

در مدار (۱) چون شار مغناطیسی عبوری از حلقه در حال کاهش است، طبق قانون لنز باید جریان ساعتگرد باشد تا مانع از کاهش شار مغناطیسی شود. در

مدار (۲) چون شار مغناطیسی عبوری از حلقه در حال افزایش است، طبق قانون لنز باید جریان پاد ساعتگرد باشد.

- گزینه ۱ درست است.

$$\Delta B = -2 \times 10^{-4} - 2 \times 10^{-4} = -4 \times 10^{-4} \text{ T}$$

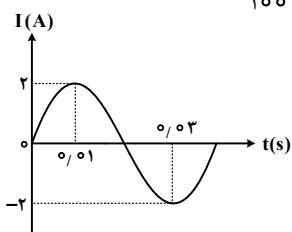
$$\bar{\epsilon} = \frac{-N\Delta\phi}{\Delta t} = \frac{-N\Delta B \cdot A \cdot \cos\theta}{\Delta t}$$

$$\bar{\epsilon} = \frac{-2 \times 10^{-1} \times (-4 \times 10^{-4}) \times 10^{-1} \times 1}{5 \times 10^{-3}} = 0.16 \text{ V}$$

- گزینه ۲ درست است.

$$\frac{T}{4} = \frac{1}{100} \Rightarrow T = \frac{4}{100}$$

$$\bar{\epsilon} = \frac{-N\Delta\phi}{\Delta t} = \frac{-(2 \times 10^{-3} - 2 \times 10^{-3})}{\frac{2}{100}} = 0.2 \text{ V}$$



شیمی (۲)

- گزینه ۳ درست است.

- گزینه ۴ درست است.

زیرا، در جدول دوره‌ای، عنصرهای سدیم و منیزیم در یک دوره قرار دارند و در یک دوره، با افزایش عدد اتمی، شعاع اتمی عنصرها کاهش می‌یابد.

بنابراین، شعاع اتمی سدیم باید از شعاع اتمی منیزیم بزرگ‌تر باشد.

- گزینه ۱ درست است.

زیرا، پتاسیم جزو فلزهای قلیایی است و این فلزها، فعالیت شیمیایی بالای دارند.

- گزینه ۳ درست است.

زیرا، داریم:

$$mLCO_2 = 5 \text{ g NaHCO}_3 \times \frac{1 \text{ mol NaHCO}_3}{84 \text{ g NaHCO}_3} \times \frac{1 \text{ mol CO}_2}{2 \text{ mol NaHCO}_3} = \frac{2240 \text{ mL}}{1 \text{ mol CO}_2} = 666/66 \text{ mLCO}_2$$

$$\frac{x}{666/66} = 0/9 \Rightarrow x = 600 \text{ mL CO}_2 \quad \text{با فرض بازده ۹۰ درصدی.}$$

- گزینه ۴ درست است.

- گزینه ۲ درست است.

زیرا، برم، عنصری رنگی است و در صورت واکنش، بی‌رنگ می‌شود.

- گزینه ۳ درست است.

- گزینه ۱ درست است.

زیرا، در همه انواع نفت خام، بیشترین فراورده به دست آمده از تقطیر، نفت کوره است.

- گزینه ۴ درست است.

زیرا، عنصر Ne که جزو گروه ۱۸ جدول دوره‌ای است، کمترین واکنش‌پذیری را دارد.

- گزینه ۲ درست است.

زیرا، در برنج و شکر مواد قندی وجود دارند و مصرف بی‌رویه آن‌ها، در بیماری دیابت نقش دارد.

- گزینه ۲ درست است.

زیرا، مقدار گرمایی یک نمونه ماده به دما و جرم آن بستگی دارد و دمای گاز یا بخار یک ماده (مثلاً آب یا الکل) همواره بیشتر از دمای حالت مایع آن نیست.

- ۲۳۷ - گزینه ۳ درست است.

زیرا، انرژی گرمایی یک نمونه ماده، افزون بر دما به جرم آن نیز بستگی دارد.

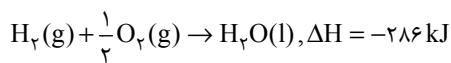
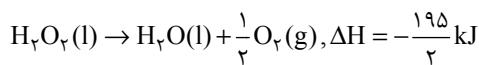
- ۲۳۸ - گزینه ۱ درست است.

- ۲۳۹ - گزینه ۳ درست است.

زیرا، این ترکیب جزو انسس زردچوبه است.

- ۲۴۰ - گزینه ۱ درست است.

زیرا، داریم:



- ۲۴۱ - گزینه ۲ درست است.

زیرا، داریم:



$$m\text{LCO}_\gamma = 50\text{ gCaCO}_\gamma \times \frac{1\text{ mol CaCO}_\gamma}{100\text{ gCaCO}_\gamma} \times \frac{1\text{ mol CO}_\gamma}{1\text{ mol CaCO}_\gamma} \times \frac{22400\text{ mLCO}_\gamma}{1\text{ mol CO}_\gamma} = 11200\text{ mLCO}_\gamma$$

$$\begin{array}{c|c} 1\text{s} & 11/2\text{ mLCO}_\gamma \\ \hline x & 11200\text{ mLCO}_\gamma \\ \hline x & \frac{11200\text{ mL} \times 1\text{s}}{11/2\text{ mL}} = 1000\text{s} \end{array}$$

- ۲۴۲ - گزینه ۳ درست است.

زیرا، این ترکیب برای محافظت از فساد مواد غذایی به کار می‌رود.

- ۲۴۳ - گزینه ۴ درست است.

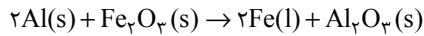
زیرا، خوردگی سبب ایجاد خسارت در بناها و کارخانجات می‌شود.

- ۲۴۴ - گزینه ۳ درست است.

زیرا، پیاز، خیار و لوبیا سبز، فاقد ماده رنگی لیکوپن‌اند.

- ۲۴۵ - گزینه ۲ درست است.

زیرا، داریم:



$$Q(\text{kJ}) = 28\text{ gFe} \times \frac{1\text{ mol Fe}}{56\text{ gFe}} \times \frac{2\text{ mol Al}}{1\text{ mol Fe}} \times \frac{27\text{ gAl}}{1\text{ mol Al}} \times \frac{15/2\text{ kJ}}{1\text{ gAl}} = 205/2\text{ kJ}$$

- ۲۴۶ - گزینه ۱ درست است.

زیرا، سلولز یک پلیمر طبیعی است که از بهم پیوستن واحدهای گلوکز ایجاد می‌شود.

- ۲۴۷ - گزینه ۲ درست است.

- ۲۴۸ - گزینه ۱ درست است.

زیرا، برخلاف پلیمرهای مصنوعی (ساختنی)، پنبه به آسانی در محیط زیست تجزیه می‌شود.

- ۲۴۹ - گزینه ۳ درست است.

زیرا، پروتئین‌ها جزو پلیمرهای طبیعی‌اند.

- ۲۵۰ - گزینه ۴ درست است.

- ۲۵۱ - گزینه ۱ درست است.

زیرا، در الکل‌ها، با افزایش طول زنجیر مولکولی، اتحال پذیری کاهش یافته و اتحال پذیری آن‌ها به اتحال پذیری آلکان‌ها نزدیک‌تر می‌شود.

- ۲۵۲ - گزینه ۴ درست است.

زیرا، هر چهار مورد بیان شده درست است.

-۲۵۲- گزینه ۴ درست است.

زیرا، داریم:

$$\text{CH}_3\text{COOH} = 60 \text{ g.mol}^{-1}$$

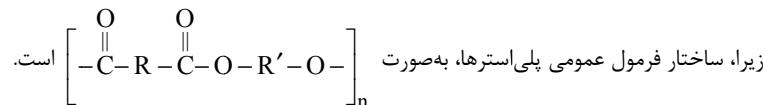
$$\text{HCOOH} = 46 \text{ g.mol}^{-1}$$

پس، تفاوت جرم مولی آنها برابر ۱۴ گرم است.

-۲۵۳- گزینه ۱ درست است.

زیرا، ویتامین A در چربی‌ها و ویتامین C در آب محلول است.

-۲۵۴- گزینه ۴ درست است.



-۲۵۵- گزینه ۳ درست است.

زیرا، فقط دمای اتاق به تنها ی سبب تجزیه نشاسته و تبدیل آن به گلوکز نمی‌شود.

-۲۵۶- گزینه ۱ درست است.

زیرا، داریم:

$$\bar{R} = -\frac{\Delta n}{\Delta t} = \frac{[0.75 - 0.25]}{50 \text{ s}} = 0.01 \text{ mol.s}^{-1}$$

-۲۵۷- گزینه ۲ درست است.

-۲۵۸- گزینه ۲ درست است.

زیرا، مونومر این پلیمر، $\text{CH}_3 = \text{CHCl}$ است که جرم مولی آن $62/5$ گرم است.

-۲۵۹- گزینه ۴ درست است.

زیرا، تنها پلیمرهای سبز به آسانی در طبیعت تجزیه می‌شوند.