

اگر دانشگاه اصلاح شود مملکت اصلاح می‌شود.  
امام خمینی (ره)



شرکت تعاونی خدمات آموزشی کارکنان  
سازمان سنجش آموزش کشور

**پاسخ تشریحی آزمون آزمایشی  
سنجش یازدهم – جامع نوبت دوم  
(۱۳۹۷/۲/۲۱)**

**ریاضی و فیزیک (یازدهم)**

کارنامه آزمون، عصر روز برگزاری آن از طریق سایت اینترنتی زیر قابل مشاهده می‌باشد:

**[www.sanjeshserv.ir](http://www.sanjeshserv.ir)**

**مدیران، مشاوران و دبیران محترم دبیرستان‌ها و مراکز آموزشی**

به منظور فراهم نمودن زمینه ارتباط مستقیم مدیران، مشاوران و دبیران محترم دبیرستان‌ها و مراکز آموزشی همکار در امر آزمون‌های آزمایشی سنجش و بهره‌مندی از نظرات ارزشمند شما عزیزان در خصوص این آزمون‌ها، آدرس پست الکترونیکی [sanjesheducationgroup@yahoo.com](mailto:sanjesheducationgroup@yahoo.com) معرفی می‌گردد. از شما عزیزان دعوت می‌شود، دیدگاه‌های ارزشمند خود را از طریق آدرس فوق با مدیر تولیدات علمی و آموزشی این مجموعه در میان بگذارید.



**کانال تلگرام آزمون‌های آزمایشی سنجش @sanjesheducationgroup**

فارسی (۲) و نگارش (۲)

۱. گزینه ۲ درست است. (شبگیر: سحرگاه، پیش از صبح) (تمکن: توانگری، ثروت) (مسامحه: آسان گرفتن، ساده‌انگاری) (طاعن: سرزنشگر، عیب‌جو)
۲. گزینه ۳ درست است. (صفیر: بانگ و فریاد، آواز) (بار: اجازه، رخصت) (یغور: ستبر، درشت و بدشکل) (معونت: یاری)
۳. گزینه ۴ درست است. (سبک‌سری: حماقت و فرومایگی، متضاد وقار)
۴. گزینه ۱ درست است. (فرهنگ بزرگ سخن: حسن انوری) (دریای گوهر: حمیدی شیرازی) (هشت کتاب: سهراب سپهری)
۵. گزینه ۲ درست است. (دیوان غربی - شرقی: گوته) (کویر: دکتر علی شریعتی) (پرنده‌ای به نام آذر باد: ریچارد باخ)
۶. گزینه ۳ درست است. در این گروه کلمه، املاي واژه «مضحک و مسخره‌آمیزی» غلط است.
۷. گزینه ۴ درست است. نزدیک صاحب دیوان رفته به سابقه معرفتی که در میان ما بود و صورت حالش بیان کردم و «هلیت» و استحقاقش بگفتم.
۸. گزینه ۱ درست است. (چشم: مجاز از اشک) (باران رحمت: تشبیه) در بیت، آرایه «اغراق» نیز یافت می‌شود.
۹. گزینه ۲ درست است. گ (۱) ساز گردون و تار محبت: هر دو اضافه تشبیهی  
گ (۳) مطرب طبع: اضافه تشبیهی  
گ (۴) قرعه آن سفر مانند تخته‌ای بود: تشبیه
۱۰. گزینه ۳ درست است. دلت را دیده‌ها بر دوز = دیده‌های دلت را بردوز ← استعاره
۱۱. گزینه ۴ درست است. قالب ابیات «چهار پاره» است. این سروده از فریدون توللی است. (ص ۷۰- ادبیات)
۱۲. گزینه ۳ درست است. ترکیب‌های وصفی: همه فراخنا، فراخنای فرهنگی، گستردگی جغرافیایی (۳ مورد)  
ترکیب‌های اضافی: ابران ما، گوناگونی گویش‌ها، رنگارنگی لهجه‌ها، دل خود، دامان خود (۵ مورد)
۱۳. گزینه ۴ درست است. (سیمین: صفت نسبی) (خواندنی: صفت لیاقت) (نمودار: صفت مفعولی)
۱۴. گزینه ۱ درست است. گ (۲) کاشانه گ (۳) لانه  
گ (۴) دستگیره، واج پایانی همه آن‌ها، مصوت است.
۱۵. گزینه ۲ درست است. گ (۲) ش ک و ه م ن د (۹ واج) / گ (۱) بهترین (۸ واج) / گ (۳) اولین (۸ واج) / گ (۴) خوش ذوق (۷ واج)
۱۶. گزینه ۳ درست است. (نمی‌دانید: مضارع اخباری) (داده‌اند: ماضی نقلی) (می‌زدم: ماضی مستمر)
۱۷. گزینه ۴ درست است. (چشم عقل: گروه نهادی) (خیره: گروه مسندی) (مرغ شب: گروه متممی) (هیچ: گروه مفعولی)
۱۸. گزینه ۱ درست است. گ (۲) ناز تو و نیاز تو ← معطوف گ (۳) دخت افراسیاب ← بدل گ (۴) نیاز ← تکرار
۱۹. گزینه ۲ درست است. مفهوم کنایی پشت به کوه داشتن: کنایه از توانمند بودن
۲۰. گزینه ۳ درست است. معنی بیت سؤال: بهترین ابزار شناسایی دوستان، روز نیازمندی انسان است. برای اثبات این امر، می‌توانی در روز نیازمندی از او چیزی بخواهی. همین مفهوم از عبارت «۳» دریافت می‌شود.
۲۱. گزینه ۴ درست است. مفهوم بیت سؤال: یقین، چشم انسان را بینا می‌کند. همین مفهوم از بیت «۴» دریافت می‌شود.
۲۲. گزینه ۲ درست است. معنی بیت «۲»: با زبان نرم و ملایم، بر دشمن جاهل، پیروز می‌شوی؛ همان‌طور که باران وقتی آرام آرام ببارد؛ کوه را به زمین پستی تبدیل می‌کند. این بیت معادل ضرب‌المثل است.
۲۳. گزینه ۱ درست است. معنی بیت سؤال: اگرچه روزی من افزون شده است، اما در ازای آن آبرویم را از دست دادم؛ پس بیچارگی و درماندگی، به مراتب از لذت و خواری، بهتر است. همین مفهوم از بیت «۱» دریافت می‌شود.
۲۴. گزینه ۳ درست است. معنی بیت «۳»: ای حافظ، ترانه عاشقانه سرودی یا مروراید به رشته کشیدی، بیا به شادی بخوان که فلک گردن‌بند پروین را، به‌عنوان صله، نثار اشعار تو می‌کند. این بیت، مفهومی نظیر سخن گوته دارد.
۲۵. گزینه ۱ درست است. معنی بیت «۱»: اگر قدرت و زور و بازوی تو حتی از فیل هم بیشتر باشد، چه بسا کسی هم باشد که قدرتش از تو بیشتر باشد. این بیت معادل «ضرب‌المثل» است.

عربی، زبان قرآن (۲)

۲۶. گزینه ۲ درست است.  
 (۱) پناهنده می‌شوم (معادل أدق برای «أعوذ» نیست) - علم ندارم («علم» نكرة لا معرفة)  
 (۳) دانش (← توضیحات گزینه ۱، علم) - و (معادل چنین حرفی در متن عربی وجود ندارد)  
 (۴) پناهنده می‌شوم (← توضیحات گزینه ۱)
۲۷. گزینه ۴ درست است.  
 (۱) دشمنی کرده بودید (معادل صحیح برای «کنتم أعداء» نیست) - الفت را ... قرار داد (معادل صحیح برای «ألف ...» نیست).  
 (۲) نعمتهای («نعمه» مفرد لا جمع) - در حال (معادل چنین عبارتی در متن عربی وجود ندارد) - مهربانی را ... قرار داد (← توضیحات گزینه ۱، الفت)  
 (۳) نعمتهای (← توضیحات گزینه ۲) - دشمن بوده‌اید (← توضیحات گزینه ۱، دشمنی کرده بودید)
۲۸. گزینه ۳ درست است.  
 (۱) امورمان («کلّ» در ترجمه لحاظ نشده) - دعوت کند (معادل صحیح برای «کان يدعو» نیست) - او ... است (ساختار متن فارسی با عربی آن تفاوت دارد)  
 (۲) کارهای خودمان (← توضیحات گزینه ۱، امورمان) - دعوت ... کند (← توضیحات گزینه ۱) - همان .. است (← توضیحات گزینه ۱، او)  
 (۴) کسی نیست ... مردم (ساختار متن فارسی با عربی آن تفاوت دارد)
۲۹. گزینه ۱ درست است.  
 (۲) میزان («میزان» نكرة لا معرفة) - جانها (معادل صحیح برای «کلّ نفس» نیست) - برهان ... رسد (ساختار متن فارسی با عربی آن تفاوت دارد)  
 (۳) تمام شود («یتّم» متعدّد لا لازم)  
 (۴) گذاشت (معادل أدق برای «قد جعل» نیست) - دلیل آوردن ... شود (معادل صحیح برای «یتّم ... علی الإنسان» نیست).
۳۰. گزینه ۲ درست است.  
 (۱) ادامه ندهد (معادل صحیح برای «یغیّر» نیست)  
 (۳) آن ... کند (ساختار متن فارسی با عربی آن تفاوت دارد) - تشویق شود («یشجع» مبني للمجهول) - استمرار نوزد (← توضیحات گزینه ۱، ادامه ندهد)  
 (۴) ترغیب شود (← توضیحات گزینه ۳، تشویق شود)
۳۱. گزینه ۴ درست است.  
 (۱) دانه بلوط («جوزات» جمع لا مفرد) - درختهای بلوط (معادل ادق برای «أشجاره» نیست) - رشد نمی‌کنند (معادل صحیح برای «لن ینمو» نیست)  
 (۲) دانه بلوط (← توضیحات گزینه ۱) - درختهای بسیاری از آنها (ساختار ترجمه فارسی با عربی آن تفاوت دارد)  
 (۳) فراموش نکرده بود (معادل صحیح برای «لا ینسی» نیست) - درختان بلوط بسیاری (← توضیحات گزینه ۲، درختهای) - رشد نمی‌کردند (← توضیحات گزینه ۱، رشد نمی‌کنند)
۳۲. گزینه ۳ درست است.  
 (۱) نزدیک است («کاد» فعل ماضی لا مضارع) ص: نزدیک بود ...  
 (۲) از او (معادل چنین عبارتی در متن عربی وجود ندارد) ص: یاری‌اش را بخواهیم  
 (۴) سخن گفت («یتکلم» فعل مضارع لا ماضی) ص: می‌گوید.
۳۳. گزینه ۴ درست است.  
 در این گزینه معادل «به او» و «با دیگران» در متن عربی وجود ندارد. ص: دانش آموز باید هنگام درس دادن معلم از سخن گفتن اجتناب کند.
۳۴. گزینه ۱ درست است.  
 (۲) نفهم (معادل أدق برای «می‌دانیم» نیست) - مفردات (ص: المفردات) - کلمات (معرفة لا نكرة) - اللغات (قید «بین» در عبارت عربی لحاظ نشده)  
 (۳) مفردات لغات العالم ... (ساختار عبارت فارسی با عربی آن تفاوت دارد).  
 (۴) نفهم (← توضیحات گزینه ۲) - مفردات لغات ... (← توضیحات گزینه ۳)
۳۵. گزینه ۳ درست است.  
 (۱) ادویة (ص: الأدوية) مشارالیه است و «أل» لازم دارد - هذا (ص: ذلك)  
 (۲) تلک (ص: هذه) - شارع (ص: الشارع) مشارالیه با «أل» صحیح است.  
 (۴) ادویة (← توضیحات گزینه ۱) - الصيدلیة («که» در ترجمه لحاظ نشده) ص: الّتی - هذا (ص: ذلك)
۳۶. گزینه ۲ درست است.  
 عطر (ص: عطر) حرف عین در این کلمه برخلاف فارسی، مکسور است - یتخذ (ص: یتخذ) در مضارع مبني للمجهول، عین الفعل مفتوح است.
۳۷. گزینه ۳ درست است.  
 (۱) خیر (ص: خیر) خبر - ألف (ص: ألف) مجرور بحرف الجرّ  
 (۲) لاتشبع (ص: لاتشبع) دلیلی برای نصب فعل مضارع نیست.  
 (۴) الطلاب (ص: الطلاب) مطابق نمونه کتاب بعد از کان اسم بصورت مرفوع می‌آید - یستمعون (ص: یستمعون) عین الفعل در مضارع باب افتعال مکسور است.
۳۸. گزینه ۲ درست است.  
 (۱) نكرة (ص: معرف بأل)  
 (۳) مصدره: سکونة (ص: مصدره: تسکین)  
 (۴) ضمیر منفصل (ص: ضمیر متصل)
۳۹. گزینه ۴ درست است.  
 (۱) مصدره: تنظیف (ص: مصدره: نظافة)  
 (۲) مصدره: تدریس (ص: مصدره: درس)  
 (۳) من باب تفعل (ص: من باب تفعیل)
۴۰. گزینه ۲ درست است.  
 (۱) مصدره: مطالبه (ص: مصدره: طلب)  
 (۳) خبره طلاب (ص: خبره: قرروا)  
 (۴) مزید ثلاثی ... (ص: مجرد ثلاثی)

۴۱. گزینه ۱ درست است.  
با توجه به عبارت « إذا وقع في حفرة مرة واحدة فلا يقع في تلك الحفرة مرة أخرى » این گزینه صحیح می باشد.
۴۲. گزینه ۲ درست است.  
با توجه به عبارت « يعيش في الغابات و يأكل النباتات » این گزینه صحیح می باشد.
۴۳. گزینه ۳ درست است.  
با توجه به عبارت « له ... نايان طويلان يدافع بهما عن نفسه » این گزینه صحیح می باشد.
۴۴. گزینه ۳ درست است.  
با توجه به معنی کلمات، «موزه» با سه کلمه دیگر «مغازه، شغل، کارخانه» مناسبتی ندارد.
۴۵. گزینه ۲ درست است.  
با در نظر گرفتن معنی، لام در این گزینه به معنی «برای» است و حرف جر، اما در بقیه گزینه ها (لتحاول، ليعبد، ليشترک) به معنی «باید» است و حرف امر.
۴۶. گزینه ۴ درست است.  
در این گزینه «البرازيل، العنب، العجيبة، الأشجار، الأخرى» از معارف هستند، اما در بقیه گزینه ها چنین نیست.
۴۷. گزینه ۴ درست است.  
در این گزینه «نهار» نکره است اما موصوف واقع نشده، د حالی که در بقیه گزینه ها «یستر» صفت برای «أدب»، «قویاً» صفت برای سداً، «مفیده» صفت برای «نباتات» می باشند.
۴۸. گزینه ۲ درست است.  
در این گزینه «کان» درباره خداوند بکار رفته است و به معنی مضارع می باشد، اما در بقیه گزینه ها چنین نیست.
۴۹. گزینه ۳ درست است.  
در این گزینه بعد از «کان» فعل مضارع «یبتنون» وجود دارد که معادل ماضی استمراری در فارسی می شود، اما در بقیه گزینه ها چنین نیست.
۵۰. گزینه ۱ درست است.  
در این گزینه «لن» بکار رفته که دلالت بر مستقبل منفی می کند، اما در بقیه گزینه ها چنین نیست.

## دین و زندگی (۲)

۵۱. گزینه ۲ درست است.  
اعجاز محتوایی قرآن حتی برای کسانی که زبان قرآن را نمی دانند و فقط از ترجمه ها استفاده می کنند نیز قابل درک و فهم است.
۵۲. گزینه ۱ درست است.  
پس از نزول آیه ۵۹ سوره مبارکه نساء جابر بن عبدالله انصاری از پیامبر در مورد معنای اولی الامر و شناخت آن ها سؤال پرسید.
۵۳. گزینه ۳ درست است.  
اگر دو میراث گرانقدر قرآن کریم و ائمه اطهار علیهم السلام نبودند، جز نامی از اسلام باقی نمی ماند.
۵۴. گزینه ۴ درست است.  
پیامبر اکرم صلی الله علیه و آله و سلم فرمود: من مات و لم يعرف امام زمانه مات میتة جاهلیة
۵۵. گزینه ۲ درست است.  
سوره مبارکه توبه / آیه ۱۲۲  
... ولینذروا قومهم اذا رجعوا الیهم لعلهم یحذرون
۵۶. گزینه ۲ درست است.  
امیرالمؤمنین علیه السلام فرمود: مدیر جامعه باید بیش از همه در پنهان کردن [عیوب مردم] بکوشد.
۵۷. گزینه ۱ درست است.  
امیرالمؤمنین علیه السلام فرمود: اگر با دشمن پیمان بستنی دشمن غافل نباش، که دشمن گاهی از این راه تو را غافل گیر می کند.
۵۸. گزینه ۴ درست است.  
اگر کارگزاران جامعه وظیفه خود را به درستی بشناسند و به درستی اجرا کنند، اعتماد مردم به حکومت روزبه روز افزایش می یابد.
۵۹. گزینه ۳ درست است.  
خرید کالای ایرانی موجب رونق کارخانه ها و کاهش بیکاری در جامعه می شود.
۶۰. گزینه ۴ درست است.  
سوره مبارکه منافقون / آیه ۷  
هم الذین یقولون لاتنفقوا علی من عند رسول الله حتی ینفصوا...
۶۱. گزینه ۳ درست است.  
امام علی علیه السلام می فرماید:  
همانا بهایی برای جان شما جز بهشت نیست، پس خود را به کمتر از آن نفروشید.
۶۲. گزینه ۱ درست است.  
سرچشمه و منبع همه عزت ها خداست. بنابراین هر کس به دنبال عزت است باید خود را به این سرچشمه وصل کند.
۶۳. گزینه ۳ درست است.  
امیرالمؤمنین علیه السلام می فرماید: خالق جهان در نظر آنان عظیم است. در نتیجه غیر خدا در چشم آنان کوچک است.
۶۴. گزینه ۱ درست است.  
امام حسین علیه السلام فرمود: مرگ با عزت از زندگی با ذلت برتر است.
۶۵. گزینه ۴ درست است.  
اگر پاسخگویی به تمایلات پست ادامه یابد، خواری و ذلت انسان را احاطه می کند.
۶۶. گزینه ۳ درست است.  
انسان در دوره نوجوانی و جوانی هنوز به گناه عادت نکرده و خواسته های نامشروع در وجود او ریشه دار نشده است و به تعبیر پیامبر اسلام صلی الله علیه و آله و سلم چنین کسی به آسمان نزدیک تر است.

۶۷. گزینه ۲ درست است.  
تمایلات دانی لازمه زندگی در دنیا هستند و بدون آنها یا نمی توان زندگی کرد یا زندگی سخت و مشکل می شود.
۶۸. گزینه ۴ درست است.  
سوره مبارکه بقره / آیه ۲۲۱  
ولا تنكحوا المشركات حتى يؤمنن و لامه مؤمنه خیر من مشركه و لو اعجبتمك ولاتنكحوا المشركین حتی يؤمنوا و لعبد مؤمن خیر من مشرك و لو اعجبكم اولئك يدعون الى النار...
۶۹. گزینه ۱ درست است.  
خانواده با ازدواج زن و مرد به وجود می آید و با آمدن فرزندان کامل می شود.
۷۰. گزینه ۲ درست است.  
و من آیاته ان خلق لكم من انفسكم ازواجاً لتسكنوا اليها و جعل بینكم موده و رحمه...
۷۱. گزینه ۳ درست است.  
هر آیه ای با کلماتی مانند «انسان» همراه باشد به زن و مرد، هر دو مربوط می شود زیرا حقیقت انسان را روح او تشکیل می دهد. انسان ها با بهره گیری از ویژگی های نظری می توانند به هدف مشترک یعنی قرب الهی و بهشت جاوید برسند.
۷۲. گزینه ۱ درست است.  
زن و مرد در ویژگی های انسانی با هم مشترک هستند، اما از نظر خصوصیات جسمی با هم متفاوتند.
۷۳. گزینه ۲ درست است.  
خداوند وظایف خاصی بر عهده هر یک از زن و مرد قرار داده تا بتوانند در زندگی مشترک نقش خاصی را بر عهده بگیرند و یک خانواده متعادل را پدید آورند.
۷۴. گزینه ۴ درست است.  
اگر نوجوان و جوان در حالی به زندگی مشترک وارد شود که آلوده به گناه نشده باشد، راه رسیدن به بهشت را برای خود و فرزندان خود بسیار هموار کرده است.
۷۵. گزینه ۳ درست است.  
نظام هستی بر عدالت است. عمل هر کس عکس العملی دارد که قسمتی از آن در این جهان ظاهر می شود و تمام آن در آخرت.

### فرهنگ و معارف اقلیت های دینی

۵۱. گزینه ۲ درست است.  
خیر، علوم تجربی هرگز نمی توانند کاری برخلاف عقل و منطق انجام دهند.
۵۲. گزینه ۱ درست است.  
نشانهگر پدیده ها چه می گویند، می باشد. زبان حال هر پدیده ای بدون استثناء این است که تا علت من موجود نباشد، من پا به صحنه وجود نخواهم گذاشت.
۵۳. گزینه ۳ درست است.  
اعتقاد به این که گروهی خدانشناسی را اختراع طبقه ثروتمند و قدرتمند معرفی کرده اند، مربوط به عامل ضعف و ناتوانی فکری است، که زمینه ساز انکار خداوند است.
۵۴. گزینه ۴ درست است.  
مهم ترین عامل دوری از توحید عملی، گناه است و کسانی که برای فریب دیگران یا سودجویی یا خودنمایی کار خیری انجام می دهند، توحید عملی آن ها دچار مشکل است.
۵۵. گزینه ۲ درست است.  
انسان باید در دنیا شادان بیند تا پخته و کامل گردد و به سعادت ابدی نائل آید. بزرگ ترین مانع بر سر راه تکامل روحی انسان و رسیدن به قرب پروردگاری، خودخواهی های انسان است و سختی ها در پاکی روح انسان نقش دارند.
۵۶. گزینه ۲ درست است.  
تاریخ زندگی انسان، تا آنجا که توسط دانشمندان و تاریخ دانان روشن شده و تدوین گردیده، حکایتگر ظهور مکاتب گوناگونی بوده که کلید سعادت و خوشبختی را در پیروی از خود می دانستند.
۵۷. گزینه ۱ درست است.  
بیانگر نقص مطلق و نقص نسبی است و رفع آن نیازمند خودشناسی است.
۵۸. گزینه ۴ درست است.  
مکتب انبیاء جهان را متشکل از دو بخش محسوس و غیرمحسوس (غیب) می داند و دو امتیاز مهم مکتب آسمانی یکی وجود جنبه شناختی است و دیگری جنبه تربیتی آن می باشد.
۵۹. گزینه ۳ درست است.  
امتیاز بنیادی انسان اختصاص یک برتری معنوی برای او است و شعور انسانی در پیدایش آن نقش دارد.
۶۰. گزینه ۴ درست است.  
بهترین معیار برای تشخیص و ارزیابی ایمان خود و دیگران، اعمال و کردار و خصوصیات روحی و اخلاقی است. در این صورت است که ادعا از واقعیت جدا می گردد و مؤمنین واقعی از منافقین و فریبکاران تمیز داده می شوند.
۶۱. گزینه ۳ درست است.  
نظام حاکم بر جهان، نظامی است متکی بر علم و حکمت بیکران خداوندی، و لذا هیچ امری در دستگاه آفرینش بدون حساب و کتاب نیست.
۶۲. گزینه ۱ درست است.  
الهامات غریزی و هدایت الهی است.
۶۳. گزینه ۳ درست است.  
پیامبران با تکیه بر کلام الهی پرده از حقایق جهان هستی برمی دارند و به وسیله علم الهی، گره از مشکلات فکری و عملی انسان می گشایند و او را به سوی حقیقت رهنمون می شوند.
۶۴. گزینه ۱ درست است.  
روح انسان از سنخ عالم ماده نیست و در هنگام خواب در ماورای زمان و مکان سیر می نماید.
۶۵. گزینه ۴ درست است.  
زندگی انسان در عالم دنیا نتیجه پیوند دو بعد جسم و روح انسان است.

۶۶. گزینه ۳ درست است.  
دربارهٔ کیف و پاداش اخروی می‌توان دریافت، که در جهان آخرت نه جرم از مجرم جداست و نه پاداش و کیفر چیزی جز عمل انسان است.
۶۷. گزینه ۲ درست است.  
نبودن رفتارهای رفلکسی و غریزی، در تمامیت ساختمانی و روانی حیوان و انسان، تردید و خلل می‌افکند.
۶۸. گزینه ۴ درست است.  
توحید به معنای یکتایی و واحد بودن خداوند است و بر دو قسم می‌باشد «نظری - عملی» و توحید عملی روینای توحید نظری است، در توحید نظری انسان به خداوند عقیده و نظر پیدا می‌کند. بعد از توحید نظری انسان تن به بندگی خدا می‌دهد و از او اطاعت می‌نماید.
۶۹. گزینه ۱ درست است.  
نقص مطلق دانش بشری، هدایت تکوینی را برای انسان ضروری می‌نمایاند پاره‌ای از موضوعات اساسی در زندگی انسان وجود دارد که نقش تعیین کننده‌ای در حیات آدمی دارند، ولی با این وجود به کلی از تیررس شناسایی علم و تجربه بشری خارج است. این جاست که جدی‌ترین سیمای ناتوانی عقل و علم برای جهت‌یابی و هدایت تکوینی انسان آشکار می‌گردد.
۷۰. گزینه ۲ درست است.  
انسان برای اینکه از بسیاری از هواها و امیال نفسانی خود صرف نظر نماید، نیازمند به محرکی نیرومند و جاذبه‌ای قوی است. این جاذبه از دو طریق باید تأمین شود، که آن هدف و الگو می‌باشند.
۷۱. گزینه ۳ درست است.  
موجود بی‌علت باید موجودی باشد که برخلاف ماده و طبیعت هیچ‌یک از خصوصیات پدیده بودن را نداشته باشد و چون موجودات مادی بدون شک همه پدیده‌اند، لذا موجود بدون علت (که خود علت همه پدیده‌ها است) مادی نیست و هیچ‌یک از آثار پدیده را نیز همراه خود ندارد و آن خداست.
۷۲. گزینه ۱ درست است.  
مکتبی که جهان هستی را در ماده و طبیعت خلاصه کرده، جهان‌بینی آن مادی و الحادی است.
۷۳. گزینه ۲ درست است.  
«دفع ضرر احتمالی عقلاً واجب است» یعنی از نظر عقل سلیم انسانی، فرار از ضرر و خسارت، ولو جنبهٔ احتمالی داشته باشد، لازم و ضروری است و نمی‌توان تنها به دلیل احتمالی بودنش، آن را نادیده گرفت بنابراین اصل پذیرش معاد ضروری می‌گردد.
۷۴. گزینه ۴ درست است.  
در بینش الهی ارزش و اعتبار عمل وابسته به ایمان است، نه برعکس. با این قاعده هر عملی هر قدر هم که در ظاهر نیک و شایسته دیده شود، اگر از ایمانی خالص سرچشمه نگیرد و به خاطر چیزی جز رضای خدا صورت پذیرد، ارزنده نیست.
۷۵. گزینه ۳ درست است.  
برای حفظ پیوند میان روح و جسم، آمادگی داشتن کالبد مادی انسان، لازم است. تا بتواند این پیوند را حفظ نماید. هرگاه این آمادگی از بین برود جدایی روح از بدن و به هم خوردن این پیوند قطعی است.

## انگلیسی ۲ (Vision 2)

### بخش اول: گرامر و لغت

۷۶. گزینه ۳ درست است.  
با توجه به when در وسط جمله و مفهوم جمله درمی‌یابیم که باید قبل از when از زمان گذشته استمراری و بعد از آن از گذشته ساده استفاده کنیم.
۷۷. گزینه ۲ درست است.  
در ابتدای جمله به جای فاعل می‌توان از شکل ing دار فعل استفاده کرد.
۷۸. گزینه ۴ درست است.  
با توجه به اشاره به cheese (پنیر) و غیرقابل شمارش بودن آن از much استفاده می‌کنیم.
۷۹. گزینه ۴ درست است.  
بعد از صفت از مصدر فعل همراه با to استفاده می‌شود.
۸۰. گزینه ۱ درست است.  
با توجه به told و شکل نقل قول غیرمستقیم جمله باید از مصدر با to استفاده کنیم که در حالت منفی not قبل از مصدر با to قرار می‌گیرد.
۸۱. گزینه ۲ درست است.  
ترجمه: او می‌توانست ببیند، بشنود، بویها را تشخیص دهد، و فعالیت‌های افراد دور و بر خود را پیش‌بینی کند.  
(۱) حضور داشتن (۲) پیش‌بینی کردن (۳) گذراندن (۴) دستور دادن
۸۲. گزینه ۱ درست است.  
ترجمه: این درس به دانش‌آموزان تمرین‌هایی در استفاده از جملات مختلف ارائه می‌دهد.  
(۱) تمرین‌ها (۲) عادت‌ها (۳) ارزش‌ها (۴) تأثیرها
۸۳. گزینه ۱ درست است.  
ترجمه: یک روز وقتی که کتابخانه را ترک کردیم من توجه کردم که او جدی‌تر از معمول است و علت را پرسیدم.  
(۱) جدی (۲) معین (۳) مناسب (۴) مشهور
۸۴. گزینه ۳ درست است.  
ترجمه: سال قبل، زمان زیادی را تنها سپری کردم و تقریباً فراموش کردم چگونه به‌صورت مؤثری با دیگران ارتباط برقرار کنم.  
(۱) با زیبایی (۲) به‌صورت ممکن (۳) به‌صورت مؤثر (۴) خوشبختانه
۸۵. گزینه ۲ درست است.  
ترجمه: اگر شما به کسی بگویید که مواظب باشد، به او اخطار می‌دهید که دقت کند، زیرا ممکن است دچار دردرس شود.  
(۱) پایین را نگاه کردن (۲) مراقبت کردن (۳) زنگ زدن (۴) تسلیم شدن

**بخش دوم: Cloze Test**

۸۶. گزینه ۴ درست است.  
ترجمه: مشکل این است که این روزها اطلاعات بسیار زیادی وجود دارد که دانستن خیلی از آن‌ها واقعاً غیرممکن است.  
(۱) موفقیت (۲) مهارت (۳) قدرت (۴) مشکل
۸۷. گزینه ۳ درست است.  
ترجمه: در قسمت قبل آمده است.  
(۱) کلی (۲) مهم (۳) غیرممکن (۴) مؤثر
۸۸. گزینه ۳ درست است.  
با توجه به مفهوم جمله باید از صفت عالی استفاده کنیم. در مورد صفات تک‌سیلابی از the قبل از صفت و est بعد از صفت استفاده می‌کنیم.
۸۹. گزینه ۴ درست است.  
ترجمه: بسیاری از افراد به‌نظر می‌رسد که به انتخاب باور دارند.  
(۱) چک کردن (۲) توضیح دادن (۳) حدس زدن (۴) باور داشتن
۹۰. گزینه ۱ درست است.  
make فعل مناسب decision به‌معنی تصمیم‌گیری کردن است.

**بخش سوم: درک مطلب**

۹۱. گزینه ۴ درست است.  
ترجمه: بهترین عنوان برای پاراگراف ۲ ..... است.  
(۱) آیا شغل جای خیلی مهمی برای یادگیری است؟  
(۲) یادگیری مطالب جدید همیشه آسان نیست.  
(۳) مدرسه به‌عنوان بهترین مکان برای یادگیری است.
۹۲. گزینه ۲ درست است.  
ترجمه: در متن گفته شده که .....  
(۱) یادگیری در دانشگاه باید یک فعالیت همیشگی باشد  
(۲) یادگیری هر روز برای همه افراد اتفاق می‌افتد  
(۳) دانش‌آموزان بهتر است فارغ‌التحصیل نشوند  
(۴) مردم باید تمام عمر به مدرسه بروند
۹۳. گزینه ۲ درست است.  
ترجمه: تمامی جملات زیر درست است غیر از .....  
(۱) ژاپنی‌ها به آموزش به هیچ وجه نه نمی‌گویند  
(۲) ژاپنی‌ها تنها افرادی هستند که یادگیری را در طول زندگی ادامه می‌دهند  
(۳) ژاپن در این متن به‌عنوان مثالی برای نشان دادن اهمیت یادگیری در تمام مدت عمر ذکر شده است  
(۴) ژاپنی‌ها به یادگیری موزیک، خطاطی، گل‌آرایی و زبان‌های خارجی علاقه بیشتری دارند
۹۴. گزینه ۱ درست است.  
ترجمه: نویسنده به خواننده‌گانش توصیه می‌کند که .....  
(۱) به یادگیری به‌عنوان یک هدف اصلی در تمام عمرشان توجه کنند  
(۲) برای آموزش بهتر به ژاپن بروند  
(۳) چندین فعالیت را یاد بگیرند که در آینده موفق‌تر باشند  
(۴) به بهترین مدارس و دانشکده‌ها بروند
۹۵. گزینه ۳ درست است.  
ترجمه: متن اساساً در مورد ..... می‌باشد.  
(۱) روش ارتقای مهارت‌ها مخصوصاً در یادگیری  
(۲) اهمیت داشتن چندین شغل در طول زندگی  
(۳) یادگیری به‌عنوان فعالیتی برای تمام عمر  
(۴) چگونه بهتر یاد بگیریم؟
۹۶. گزینه ۳ درست است.  
ترجمه: موبلاگ، طبق متن، یک ..... است.  
(۱) کلمه با دو معنی (۲) نوعی بلاگ (۳) کلمه‌ای مرکب (۴) دوربین
۹۷. گزینه ۱ درست است.  
ترجمه: موبلاگ کردن .....  
(۱) هم هیجان و هم نگرانی دارد  
(۲) یک فعالیت سرگرم‌کننده برای عکاسان است  
(۳) باعث شده افراد زندگی خوشحال‌تری داشته باشند  
(۴) مردم را تشویق می‌کند که مهارتشان در کامپیوتر را افزایش دهند
۹۸. گزینه ۴ درست است.  
ترجمه: در متن اشاره شده که برای پست کردن عکس‌های فرد دیگر در اینترنت .....  
(۱) باید ماهر باشید  
(۲) باید گزارشگر باشید  
(۳) او باید مشهور باشد  
(۴) اجازه آن شخص الزامی است
۹۹. گزینه ۴ درست است.  
ترجمه: در متن گفته شده که .....  
(۱) تمامی مردم گزارشگر هستند  
(۲) گزارشگران نیاز به دوربین دارند  
(۳) گزارشگر بودن پر از سرگرمی است  
(۴) افرادی که گوشی دوربین‌دار و موبلاگ دارند می‌توانند گزارشگر باشند
۱۰۰. گزینه ۱ درست است.  
ترجمه: کلمه «them» در خط ۴ به ..... اشاره می‌کند.  
(۱) عکس‌ها و ویدیوها (۲) موبلاگرها (۳) تلفن‌ها (۴) افراد

زمین‌شناسی

۱۰۱. گزینه ۲ درست است.  
در قانون دوم بیان می‌شود که هر سیاره چنان به دور خورشید می‌گردد که خط فرضی وصل‌کننده سیاره به خورشید در مدت زمان‌های مساوی، مساحت‌های مساوی ایجاد می‌کند. این وقتی میسر می‌شود که سیاره وقتی به خورشید نزدیک‌تر است، باید به سرعتش بیافزاید و زمانی که از خورشید دور است آرام‌تر حرکت کند.
۱۰۲. گزینه ۳ درست است.  
قطعه d که داخل رسوب افتاده باید از رسوب a قدیمی‌تر باشد. c هم که بعد از a ته‌نشین شده و نفوذی b چون a و c را قطع کرده از بقیه جوان‌تر است. بنابراین به ترتیب سن، اول d بعد a بعد c و آخر از همه b تشکیل شده‌اند.
۱۰۳. گزینه ۲ درست است.  
معیار تقسیم‌بندی واحدهای زمانی مختلف مورد استفاده در زمین‌شناسی معمولاً از حوادث مهمی مانند ظهور یا انقراض گونه‌های جانوری و گیاهی، کوهزایی‌های مهم، پیشروی یا پسروی جهانی دریاها، تغییرات مهم آب و هوایی ..... کمک می‌گیرند.
۱۰۴. گزینه ۳ درست است.  
از استوا به سمت جنوب تا مدار ۲۳/۵ درجه یعنی مدار رأس الجدی و از استوا به سمت شمال تا مدار ۲۳/۵ درجه یعنی مدار رأس السرطان
۱۰۵. گزینه ۴ درست است.  
انواع کوارتز (عقیق، اوپال، آمیتیست و ...) همگی اکسید هستند. اکسید آلومینیم هم با نام عمومی کزندوم با رنگ‌های متنوع همگی جواهر محسوب می‌شوند. نوع قرمز رنگ کزندوم را یاقوت سرخ می‌نامند.
۱۰۶. گزینه ۱ درست است.  
غلظت میانگین عناصر پوسته زمین را گویند. غلظت عناصر در هر سنگ و خاک و در مناطق مختلف را با آن مقایسه می‌کنند و به بی‌هنجاری مثبت یا منفی آن عنصر پی می‌برند.
۱۰۷. گزینه ۲ درست است.  
الماس یک گوهر بیرنگ با ترکیب کربن خالص، که در فشار بسیار زیاد و در گوشته زمین تشکیل می‌شود. در حالی که ۳ جواهر دیگر سیلیکات هستند و در پوسته زمین در فشار و عمق کمتری به وجود می‌آیند.
۱۰۸. گزینه ۳ درست است.  
نفت خام در محیط دریایی کم عمق (کم‌تر از ۲۰۰ متر) که دارای جانداران فراوانی مانند پلانکتون‌ها و باکتری‌ها که منشأ مواد آلی هستند، و همچنین رسوب‌گذاری سریع ذرات ریز که بتوانند بقایای مواد آلی را قبل از فساد بیوشانند و شرایط برای واکنش‌های شیمیایی که بتوانند مواد آلی را به نفت خام تبدیل کنند به وجود می‌آید.
۱۰۹. گزینه ۱ درست است.

$$Q = A \times V$$

سرعت  $\times$  عمق  $\times$  عرض = دبی

$$\text{عمق} = \frac{\text{دبی}}{\text{سرعت} \times \text{عرض}} = \frac{6000 \frac{\text{m}^3}{\text{s}}}{50 \text{ m} \times 60 \frac{\text{m}}{\text{s}}} = \frac{6000 \text{ m}}{3000} = 2 \text{ m}$$

۱۱۰. گزینه ۲ درست است.  
نفوذپذیری، توانایی یک سنگ یا رسوب را برای عبور آب نشان می‌دهد. این ویژگی به اندازه منافذ و به ارتباط آن‌ها با هم بستگی دارد.
۱۱۱. گزینه ۴ درست است.  
خاک‌ها ترکیب مختلفی دارند و عواملی مانند نوع سنگ مادر، شیب زمین، فعالیت جانداران، آب و هوای منطقه (اقلیم) و ..... بر روی ترکیب آن‌ها اثر دارد.
۱۱۲. گزینه ۴ درست است.  
ماسه‌سنگ‌ها معمولاً تخلخل و نفوذپذیری خوبی دارند. سه گزینه دیگر، یعنی شیست سنگی دگرگونی، گرانیت سنگی آذرین و شیل‌ها که اصلاً نفوذناپذیرند، نمی‌توانند، آبخوان خوبی تشکیل دهند.
۱۱۳. گزینه ۱ درست است.  
هرگاه سنگ تحت تأثیر نیرویی از خارج قرار گیرد، در داخل سنگ نیز، نیرویی بر واحد سطح وارد می‌شود که تنش نامیده می‌شود.
۱۱۴. گزینه ۱ درست است.  
یکی از خطراتی که سازه‌ها را در مناطق شیب‌دار و کوهستانی تهدید می‌کند، خطر ریزش کوه و سقوط مواد در دامنه‌های پرشیب است. برای پایداری دامنه‌ها، از گابیون، زهکشی، ایجاد پوشش گیاهی و میخ‌کوبی استفاده می‌کنند.
۱۱۵. گزینه ۱ درست است.  
یکی از کاربردهای مصالح خرده سنگی، در زیرسازی و تکیه‌گاه ریل‌های راه‌آهن است. این قطعات سنگی علاوه بر نگهداری ریل‌ها و توزیع بار چرخ‌ها، عمل زهکشی را نیز به‌عهده دارند. این قطعات سنگی را بالاست می‌گویند.
۱۱۶. گزینه ۴ درست است.  
در احداث سازه‌ها از مواد سازنده زمین استفاده می‌شود. به‌طور مثال در سدهای خاکی از خاک رس، ماسه‌سنگ، شن و قلوه سنگ استفاده می‌شود.
۱۱۷. گزینه ۴ درست است.  
وقتی مقادیر بالایی از عنصر آرسنیک وارد بدن انسان می‌شود، عوارض و بیماری‌های متعددی مانند ایجاد لکه‌های پوستی، سخت شدن و شاخی شدن کف دست و پا، دیابت و سرطان پوست را ایجاد می‌کند.

۱۱۸. گزینه ۳ درست است.

جیوه عنصری سمی است که از سنگ‌های آتشفشانی، چشمه‌های آب گرم و در طی فرایند استخراج و جداسازی طلا از کانسنگ آن به دست می‌آید.

۱۱۹. گزینه ۱ درست است.

وجود فلئور اضافی در محیط سبب مسمومیت انسان می‌شود. یکی از مواردی که سبب افزایش فلئور در محیط می‌شود، سوزاندن زغال سنگ است.

۱۲۰. گزینه ۲ درست است.

سطح گسل مایل است. طبق تعریف  $b$  که روی سطح گسل است فرادیواره و  $a$  که زیر سطح گسل است فرودیواره می‌نامند. گسلی را معکوس می‌گویند که فرادیواره به سمت بالا یا فرودیواره به سمت پایین حرکت کرده باشد. پس اگر  $b$  به سمت بالا حرکت کرده باشد، گسل معکوس است.

۱۲۱. گزینه ۱ درست است.

سرعت امواج زلزله از زیاد به کم، طولی، عرضی، لاو و ریلی‌اند.

۱۲۲. گزینه ۲ درست است.

امواج زمین لرزه، تا فاصله بسیار طولانی از کانون زمین لرزه منتشر می‌شوند با ادامه انتشار آن‌ها در فاصله حدود  $10000$  کیلومتری از مرکز سطحی زمین لرزه پس از آن که امواج  $p$  ثبت شود، حدود  $10$  دقیقه طول می‌کشد تا موج  $S$  به این منطقه برسد. بنابراین:

$$t = \frac{5000 \text{ km} \times 600 \text{ s}}{10000 \text{ km}} = 300 \text{ s} = 5/3 \text{ دقیقه}$$

۱۲۳. گزینه ۴ درست است.

ذخایر نفت ایران به‌طور عمده در لایه‌های سنگ آهک قرار دارند.

۱۲۴. گزینه ۳ درست است.

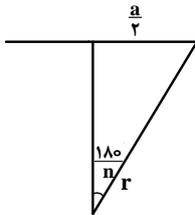
در کشور ما، ژئوپارک جزیره قشم ثبت جهانی شده است.

۱۲۵. گزینه ۳ درست است.

گسل‌های مشا، خزر و شمال البرز همگی شرقی - غربی هستند و گسل نایبند جهتی شمالی - جنوبی دارد.

### هندسه (۲)

۱۲۶. گزینه ۱ درست است.



$$\sin\left(\frac{180}{n}\right) = \frac{a}{r} = \frac{a}{2r} = \frac{1}{2}$$

$$\frac{180}{n} = 30 \Rightarrow \boxed{n = 6}$$

۱۲۷. گزینه ۳ درست است.

چون شش ضلعی محاطی پس هر یک از چهار ضلعی‌های  $ABCD$  و  $ADEF$  محاطی هستند در نتیجه:

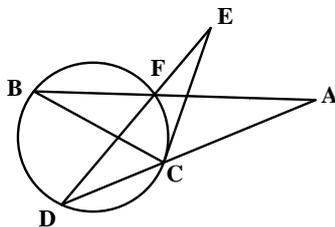
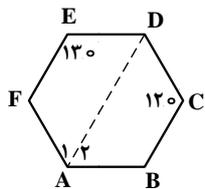
$$\hat{A}_1 = 180 - \hat{E} = 50^\circ$$

$$\hat{A}_2 = 180 - \hat{C} = 60^\circ$$

$$\hat{A} = \hat{A}_1 + \hat{A}_2 = 110^\circ$$

۱۲۸. گزینه ۳ درست است.

۱۲۹. گزینه ۲ درست است.



$$\widehat{FC} = \widehat{D} = 50^\circ$$

$$\hat{B} = \frac{\widehat{FC}}{2} = 25^\circ$$

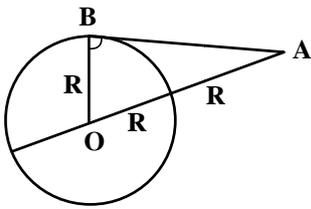
چون مثلث  $ABC$  و  $CDE$  متساوی‌الساقین هستند داریم.

$$\hat{E} = \hat{A} = 25^\circ$$

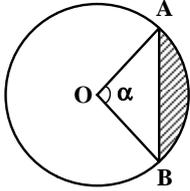
$$\hat{A} = \frac{\widehat{BD} - \widehat{FC}}{2} = 25^\circ \Rightarrow \widehat{CD} = 100^\circ$$

$$\hat{E} = \frac{\widehat{CD} - \widehat{FC}}{2} = 25^\circ \Rightarrow \widehat{CD} = 100^\circ$$

$$\widehat{BF} = 360^\circ - (100^\circ + 100^\circ + 50^\circ) = 110^\circ$$



۱۳۰. گزینه ۲ درست است.  
 $AB = \sqrt{(OA)^2 - (OB)^2} = \sqrt{4R^2 - R^2} = \sqrt{3}R$



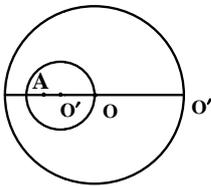
۱۳۱. گزینه ۲ درست است.  
 مساحت قطاع برابر است با  $\pi R^2 \cdot \frac{\alpha}{2\pi} = \frac{\alpha R^2}{2}$   
 مساحت مثلث OAB برابر است با  $\frac{1}{2} R^2 \sin \alpha = \frac{R^2 \sin \alpha}{2}$

مساحت قسمت رنگ شده  $= \frac{R^2}{2} (\alpha - \sin \alpha)$

۱۳۲. گزینه ۴ درست است.

۱۳۳. گزینه ۱ درست است.

۱۳۴. گزینه ۳ درست است.



$$\frac{O'A}{OA} = \frac{1}{3} \quad R = 3R'$$

$$\frac{OA}{O'A} = \frac{1}{3} \quad O''A = OA + R$$

$$3OA = OA + R$$

$OA = \frac{R}{2}$

۱۳۵. گزینه ۴ درست است.

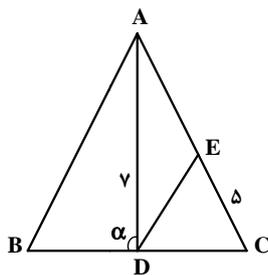
فاصله مذکور شعاع دایره محاطی خارجی مثلث است پس

$$P = \frac{1}{2}(\Delta + \epsilon + \zeta) = \frac{15}{2}$$

$$S = \sqrt{p(p-a)(p-b)(p-c)} = \frac{15}{4} \sqrt{7}$$

$$r = \frac{S}{p-a} = \frac{\frac{15}{4} \sqrt{7}}{\frac{15}{2} - 4} = \frac{15}{14} \sqrt{7}$$

۱۳۶. گزینه ۱ درست است.



$$\frac{\lambda}{\sin \alpha} = \frac{y}{\sin 60} \Rightarrow \sin \alpha = \frac{4\sqrt{3}}{y}$$

$$\cos \alpha = \sqrt{1 - \sin^2 \alpha} = \frac{1}{y}$$

$$AD^2 + BD^2 - 2AD \times BD \cos \alpha = AB^2$$

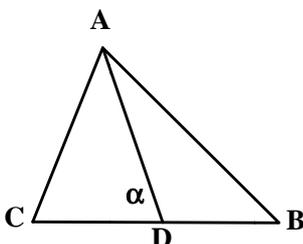
$$49 + BD^2 - 2BD = 64 \rightarrow BD = 5$$

$$CD = 8 - 5 = 3$$

$$ED^2 = CD^2 + CE^2 - 2CD \times CE \cos 60^\circ = 9 + 25 - 15 = 19$$

$$ED = \sqrt{19}$$

۱۳۷. گزینه ۱ درست است.



$$\frac{AB}{AC} = \frac{BD}{CD} = 2 \Rightarrow CD = a, BD = 2a$$

$$AD^2 = AB \cdot AC - BD \cdot CD \Rightarrow$$

$$36 = 54 - 2a^2 \quad a^2 = 9 \quad a = 3$$

$$BC = 3a = 9$$

۱۳۸. گزینه ۳ درست است.

$$AD^2 + CD^2 - 2AD \cdot CD \cos \alpha = AC^2$$

$$36 + 9 - 36 \cos \alpha = 27$$

$$36 \cos \alpha = 18 \Rightarrow \cos \alpha = \frac{1}{2} \Rightarrow \alpha = \frac{\pi}{3}$$

۱۳۹. گزینه ۴ درست است.

$$\left. \begin{aligned} S &= \frac{1}{2} ab \sin \hat{C} \\ S &= \frac{1}{2} bc \sin \hat{A} \\ S &= \frac{1}{2} ac \sin \hat{B} \end{aligned} \right\} \Rightarrow S^3 = \frac{1}{8} a^2 b^2 c^2 \sin \hat{A} \cdot \sin \hat{B} \cdot \sin \hat{C}$$

$$\sin \hat{A} \cdot \sin \hat{B} \cdot \sin \hat{C} = \frac{8S^3}{a^2 b^2 c^2}$$

$$p = \frac{1}{2} \left( \frac{25}{3} + \frac{20}{3} + 5 \right) = 10$$

$$s = \sqrt{p(p-a)(p-b)(p-c)} = \sqrt{10 \left( \frac{5}{3} \right) \left( \frac{10}{3} \right) \left( \frac{5}{3} \right)} = \frac{50}{3}$$

$$\sin \hat{A} \cdot \sin \hat{B} \cdot \sin \hat{C} = \frac{8 \left( \frac{50}{3} \right)^3}{5^2 \left( \frac{25}{3} \right)^2 \left( \frac{20}{3} \right)^2} = \frac{12}{25} = 0,48$$

### حسابان (۱)

۱۴۰. گزینه ۲ درست است.

$$s_1 = a_1 = \frac{1(\Delta-1)}{4} = 1$$

$$s_r = a_1 + a_r = \frac{2(10-1)}{4} = \frac{9}{2} \Rightarrow a^2 = \frac{9}{2} - 1 = \frac{7}{2} \Rightarrow d = \frac{7}{2} - 1 = \frac{5}{2}$$

$$a_{10} = a_1 + 9d = 1 + 9 \times \frac{5}{2} = \frac{47}{2}$$

$$a_{10} + d = \frac{47}{2} + \frac{5}{2} = 51$$

۱۴۱. گزینه ۱ درست است.

$$a_1 = 1, q = x^2 = (\sqrt{2})^2 = 2, n = 9, s_n = \frac{a_1(1-q^n)}{1-q}$$

$$s_9 = \frac{1(1-(\sqrt{2})^9)}{1-\sqrt{2}} = \frac{1-16\sqrt{2}}{1-\sqrt{2}}$$

$$a'_1 = 1, q' = -x^2 = -(\sqrt{2})^2 = -2, n' = 9$$

$$s'_9 = \frac{1(1-(-\sqrt{2})^9)}{1+\sqrt{2}} = \frac{1+16\sqrt{2}}{1+\sqrt{2}}$$

$$s_9 \times s'_9 = \frac{1-16\sqrt{2}}{1-\sqrt{2}} \times \frac{1+16\sqrt{2}}{1+\sqrt{2}} = \frac{1-512}{-1} = 511$$

۱۴۲. گزینه ۲ درست است.

گزاره «پ» نادرست است.

$$|a-b| \geq |a| - |b|$$

۱۴۳. گزینه ۱ درست است.

$$\begin{cases} x+1 > 0 \Rightarrow x > -1 \\ 2x-1 \geq 0 \Rightarrow x \geq \frac{1}{2} \end{cases} \xrightarrow{\cap} \frac{1}{2} \leq x < 5$$

$$\begin{cases} 5-x > 0 \Rightarrow x < 5 \end{cases}$$

$$5-x = \sqrt{x+1} \cdot \sqrt{2x-1} = \sqrt{2x^2+x-1}$$

در نتیجه:

$$25-10x+x^2 = 2x^2+x-1 \Rightarrow x^2+11x-26=0 \Rightarrow \begin{cases} x=2 & \text{قابل قبول} \\ x=-13 & \text{غیرقابل قبول} \end{cases}$$

۱۴۴. گزینه ۴ درست است.

$$s_1 = x' + x'' = -\frac{b}{a} = \frac{3}{2}$$

$$p_1 = x' \cdot x'' = \frac{c}{a} = -2$$

$$s_2 = \frac{1}{x'+1} + \frac{1}{x''+1} = \frac{x'+x''+2}{x'x''+x'+x''+1} = \frac{s_1+2}{p_1+s_1+1} = \frac{\frac{3}{2}+2}{-2+\frac{3}{2}+1} = \frac{\frac{7}{2}}{\frac{1}{2}} = 7$$

$$p_2 = \frac{1}{x'+1} \times \frac{1}{x''+1} = \frac{1}{x'x''+x'+x''+1} = \frac{1}{p_1+s_1+1}$$

$$= \frac{1}{-2+\frac{3}{2}+1} = \frac{1}{\frac{1}{2}} = 2$$

در نتیجه:

$$x^2 - s_2x + p_2 = 0 \Rightarrow x^2 - 7x + 2 = 0$$

۱۴۵. گزینه ۳ درست است.

$$2x - 4y - 4 = 0$$

$$\frac{|c-c'|}{\sqrt{a^2+b^2}} = \frac{2}{5} \Rightarrow \frac{|-4-c'|}{\sqrt{1+16}} = \frac{2}{5} \Rightarrow |-4-c'| = 2$$

$$4+c' = \pm 2 \Rightarrow \begin{cases} c' = 2-4 = -2 \\ c' = -2-4 = -6 \end{cases}$$

$$2x - 4y - 2 = 0, \quad 2x - 4y = -6 = 0$$

در نتیجه: با توجه به گزینه‌ها، گزینه ۳ درست است.

۱۴۶. گزینه ۳ درست است.

$$f \circ g(x) = f(g(x)) = \sqrt{g(x)} = \sqrt{x^2-1} \Rightarrow g(x) = x^2-1$$

$$D_g = \mathbb{R}, \quad D_f = [0, +\infty)$$

در نتیجه:

$$D_{g \circ f} = \{x \in D_f \mid f(x) \in D_g\}$$

$$= \{x \in [0, +\infty) \cap \sqrt{x} \in \mathbb{R}\} = [0, +\infty) \cap [0, +\infty) = [0, +\infty)$$

۱۴۷. گزینه ۴ درست است.

$$g(x) = y \Rightarrow y = 1 - 2f(x) \Rightarrow f(x) = \frac{1-y}{2}$$

$$f^{-1}(f(x)) = x \Rightarrow f^{-1}\left(\frac{1-y}{2}\right) = x, \quad g^{-1}(y) = x$$

$$g^{-1}(y) = f^{-1}(f(x)) = f^{-1}\left(\frac{1-y}{2}\right)$$

در نتیجه:

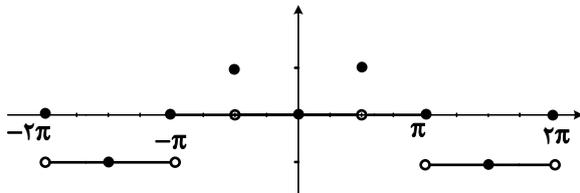
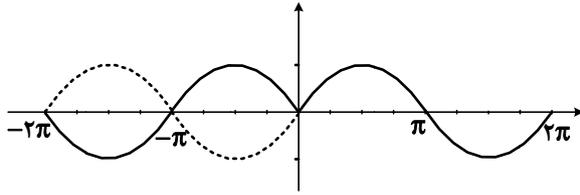
$$g^{-1}(x) = f^{-1}\left(\frac{1-x}{2}\right)$$

بنابراین:

۱۴۸. گزینه ۴ درست است.

$$\sin |x| = \begin{cases} \sin x & x \geq 0 \\ \sin(-x) & x < 0 \end{cases} = \begin{cases} \sin x & x \geq 0 \\ -\sin x & x < 0 \end{cases}$$

در نتیجه:



۱۴۹. گزینه ۲ درست است.

$$f(x) = ax + b \Rightarrow f(f(x)) = f(ax + b) = a(ax + b) + b = 4x - 9$$

در نتیجه:

$$a^2x + ab + b = 4x - 9 \Rightarrow \begin{cases} a^2 = 4 \Rightarrow a = \pm 2 \\ ab + b = -9 \end{cases}$$

$$a = 2 \Rightarrow 2b + b = -9 \Rightarrow b = -3 \Rightarrow f(x) = 2x - 3$$

$$a = -2 \Rightarrow -2b + b = -9 \Rightarrow b = 9 \Rightarrow f(x) = -2x + 9$$

$$y = 2x - 3 \Rightarrow x = \frac{y+3}{2} \Rightarrow f^{-1}(x) = \frac{x+3}{2} \Rightarrow f^{-1}(3) = 3$$

$$y = -2x + 9 \Rightarrow x = \frac{9-y}{2} \Rightarrow f^{-1}(x) = \frac{9-x}{2} \Rightarrow f^{-1}(3) = 3$$

۱۵۰. گزینه ۳ درست است.

$$0 \leq x - [x] < 1 \Rightarrow [x - [x]] = 0$$

$$[x] + [-x] = \begin{cases} 0 & x \in \mathbb{Z} \\ -1 & x \notin \mathbb{Z} \end{cases}$$

بنابراین:

$$f(x) = \begin{cases} \left[ \frac{x^2 + 0}{x^2 + 1} \right] = 1 & x \in \mathbb{Z} \\ \left[ \frac{x^2 + 0}{x^2 + 1} \right] = 0 & x \notin \mathbb{Z}, (0 \leq \frac{x^2}{x^2 + 1} < 1) \end{cases}$$

$$R_f = \{0, 1\}$$

در نتیجه:

۱۵۱. گزینه ۱ درست است.

$$y = 2^{\frac{3x-1}{4}} \Rightarrow \log_2^y = \frac{3x-1}{4} \Rightarrow x = \frac{1}{3}(4 \log_2^y + 1)$$

$$f^{-1}(x) = \frac{1}{3}(4(\log_2^x) + 1) = \frac{4}{3} \log_2^x + \frac{1}{3} = \log_2^{x^{\frac{4}{3}}} + \frac{1}{3}$$

بنابراین:

۱۵۲. گزینه ۳ درست است.

$$x - x^2 > 0 \Rightarrow x(1-x) > 0 \Rightarrow 0 < x < 1$$

$$x - x^2 \neq 1 \Rightarrow x^2 - x + 1 \neq 0 \Rightarrow \text{برقرار است، (ریشه ندارد } \Delta < 0 \text{)}$$

$$(0 < x - x^2 < 1 \Rightarrow x^2 - x + 1 > 0 \Rightarrow \text{همواره برقرار است، } \begin{pmatrix} \Delta < 0 \\ a = 1 > 0 \end{pmatrix})$$

$$D_f = (0, 1)$$

بنابراین:

۱۵۳. گزینه ۴ درست است.

$$\log_r^x + \frac{1}{r} \log_x^r = \frac{r}{r} \Rightarrow \log_r^x + \frac{\frac{1}{r}}{\log_r^x} = \frac{r}{r}$$

بنابراین:

$$\frac{(\log_r^x)^r + \frac{1}{r}}{\log_r^x} = \frac{r}{r} \Rightarrow r(\log_r^x)^r + 1 = r \log_r^x$$

$$r(\log_r^x)^r - r \log_r^x + 1 = 0 \Rightarrow \begin{cases} \log_r^x = 1 \Rightarrow x = r = x' \\ \log_r^x = \frac{1}{r} \Rightarrow x = \sqrt[r]{r} = x'' \end{cases}$$

$$(x'')^{x'} = (\sqrt[r]{r})^r = r \sqrt[r]{r}$$

۱۵۴. گزینه ۲ درست است.

$$\log_{\sqrt{r}}(\log_{\sqrt{r}}(\log_{\sqrt{r}}^x)) = r^r = 8$$

$$\log_{\sqrt{r}}(\log_{\sqrt{r}}^x) = (\sqrt{r})^8 = 16 \Rightarrow \log_{\sqrt{r}}^x = (\sqrt{r})^{16} = 16$$

در نتیجه:

$$x = (\sqrt{r})^{16} = 4$$

بنابراین:

$$\log_{\sqrt{r}}(\sqrt{r} + \sqrt{r}) = \log_{\sqrt{r}}^{\sqrt{r}} = 6$$

۱۵۵. گزینه ۱ درست است.

$$\theta = \frac{L}{r} = \frac{r\pi}{\Delta} = \frac{2\pi}{15} \text{ رادیان}$$

$$\frac{D}{180^\circ} = \frac{r\pi}{\Delta} \Rightarrow D = \frac{2\pi \times 180^\circ}{\pi} = \frac{360^\circ}{15} = 24^\circ$$

۱۵۶. گزینه ۲ درست است.

$$\frac{1 + \sin 2x + 2 \cos^2 x - 1}{1 + \sin 2x - (1 - 2 \sin^2 x)} = \frac{2 \sin x \cos x + 2 \cos^2 x}{2 \sin x \cos x + 2 \sin^2 x} = \frac{\cancel{2} \cos x (\sin x + \cos x)}{\cancel{2} \sin x (\cos x + \sin x)} = \cot x$$

۱۵۷. گزینه ۳ درست است.

$$\frac{\frac{\sqrt{r}}{r} [\sin x \cos \frac{\pi}{r} + \cos x \sin \frac{\pi}{r} + \cos x \cos \frac{\pi}{r} - \sin x \sin \frac{\pi}{r}]}{\frac{1}{r} \sin \frac{x}{r} \cos \frac{x}{r}}$$

$$= \frac{\frac{\sqrt{r}}{r} \times \sqrt{r} \cos x}{\frac{1}{r} \sin x} = 4 \cot x$$

۱۵۸. گزینه ۴ درست است.

$$(\sin x \cdot \cos x)^2 \cdot \cos^2 2x \cdot \cos^4 3x \cdot \cos^8 4x$$

$$= \left(\frac{1}{r} \sin 2x\right)^2 \cdot \cos^2 2x \cdot \cos^4 3x \cdot \cos^8 4x = \frac{1}{r} \sin^2 2x \cdot \cos^2 2x \cdot \cos^4 3x \cdot \cos^8 4x$$

$$= \frac{1}{r} (\sin 2x \cdot \cos 2x)^2 \cdot \cos^4 3x \cdot \cos^8 4x = \frac{1}{r} \times \left(\frac{1}{r} \sin 4x\right)^2 \cdot \cos^4 3x \cdot \cos^8 4x$$

$$= \frac{1}{16} \sin^2 4x \cdot \cos^4 3x \cdot \cos^8 4x = \frac{1}{16} \sin^2 4x \times \frac{1}{r} \sin 4x \cos 4x$$

$$= \frac{1}{16} \sin^2 4x \times \frac{1}{r} \times \frac{1}{r} \sin 4x = \frac{1}{16} \sin^3 4x = \frac{1}{16} \sin^3 30^\circ \times \frac{1}{r} \sin 120^\circ = \frac{1}{16} \times \frac{1}{r} \times \frac{1}{r} \times \frac{\sqrt{3}}{r} = \frac{\sqrt{3}}{256}$$

۱۵۹. گزینه ۱ درست است.

$$\lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{\sqrt{2}}} \frac{\sqrt{1 + \sqrt{2} \cos^{\sqrt{2}} x - 1}}{\sqrt{\pi - \sqrt{2}x}} = \lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{\sqrt{2}}} \frac{\sqrt{2} |\cos x|}{\sqrt{\pi - \sqrt{2}x}} \times \frac{\sqrt{\pi + \sqrt{2}x}}{\sqrt{\pi + \sqrt{2}x}} = \lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{\sqrt{2}}} \frac{(\sqrt{2} \cos x)(\sqrt{\pi + \sqrt{2}x})}{\pi - 2x}$$

$$= \lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{\sqrt{2}}} \frac{\sqrt{2} (\sin(\frac{\pi}{\sqrt{2}} - x))(\sqrt{\pi + \sqrt{2}x})}{2(\frac{\pi}{\sqrt{2}} - x)} = \frac{\sqrt{2}}{\sqrt{2}} (\sqrt{\pi + \sqrt{2}\pi}) = \sqrt{2\pi}$$

۱۶۰. گزینه ۱ درست است.

$$\lim_{x \rightarrow -2} \frac{\sqrt{2x + \sqrt{x+1}}}{\sqrt{2x + \sqrt{x+1}} - 1} = \lim_{x \rightarrow -2} \frac{(2x + \sqrt{x+1})(2x - \sqrt{x+1})(\sqrt{2x + \sqrt{x+1}} + 1)}{(\sqrt{2x + \sqrt{x+1}} - 1)(\sqrt{2x + \sqrt{x+1}} + 1)(2x - \sqrt{x+1})}$$

$$= \lim_{x \rightarrow -2} \frac{(4x^2 - x - 1)(\sqrt{2x + \sqrt{x+1}} + 1)}{(2x + 6)(2x - \sqrt{x+1})} = \lim_{x \rightarrow -2} \frac{(4x - 9)(\sqrt{2x + \sqrt{x+1}} + 1)}{2(x + 3)(2x - \sqrt{x+1})} = \frac{(-17)^2}{2(-4 - 4)} = \frac{17}{12}$$

۱۶۱. گزینه ۳ درست است.

$$\lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{\sqrt{2} \sin x \cos x}{\sqrt{1 - (1 - \sqrt{2} \sin^{\sqrt{2}} x)}} = \lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{\sqrt{2} \sin x \cos x}{\sqrt{2} |\sin x|} = \lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{\sqrt{2} \cos x}{-\sqrt{2}} = -\sqrt{2}$$

۱۶۲. گزینه ۴ درست است.

عامل ابهام یعنی X باید در صورت و مخرج کسر حذف شود.

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sqrt{ax + b} - \sqrt{2}}{x} \times \frac{\sqrt{ax + b} + \sqrt{2}}{\sqrt{ax + b} + \sqrt{2}} = \lim_{x \rightarrow 0} \frac{ax + b - 4}{x(\sqrt{ax + b} + \sqrt{2})}$$

بنابراین:

$$b - 4 = 0 \Rightarrow b = 4$$

در نتیجه:

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{ax}{x(\sqrt{ax + b} + \sqrt{2})} = \frac{a}{\sqrt{b} + \sqrt{2}} = \frac{a}{4} = 1 \Rightarrow a = 4$$

$$a - b = 4 - 4 = 0$$

۱۶۳. گزینه ۲ درست است.

$$\lim_{x \rightarrow 3^+} \frac{x}{\sqrt{2}} \left( \left[ \frac{x+3}{2} \right] + \left[ \frac{x-3}{2} \right] \right) = 1([3] + 0) = 3$$

$$\lim_{x \rightarrow 3^-} \frac{x}{\sqrt{2}} \left( \left[ \frac{x+3}{2} \right] + \left[ \frac{x-3}{2} \right] \right) = 1(2 + (-1)) = 1$$

$$f(3) = 1(3 + 0) = 3$$

در نتیجه:

$$\lim_{x \rightarrow 3^+} f(x) = f(3) = 3 \neq 1 \text{ پیوستگی راست دارد ولی پیوستگی چپ ندارد.}$$

۱۶۴. گزینه ۴ درست است.

الف و ب نادرست ولی پ و ت درست‌اند.

۱۶۵. گزینه ۳ درست است.

تابع  $f(x) = g(x)[x]$  در نقاط صحیحی که ریشه تابع g باشند پیوسته و در سایر نقاط صحیح ناپیوسته است.

بنابراین  $-2$  و  $3$  باید ریشه‌های سه جمله‌ای درجه دوم  $ax^2 + bx - 4$  باشند.

در نتیجه:

$$a(-2)^2 + b(-2) - 4 = 0 \Rightarrow 4a - 2b - 4 = 0 : x = -2$$

$$a(3)^2 + b(3) - 4 = 0 \Rightarrow 9a + 3b - 4 = 0 \quad x = 3$$

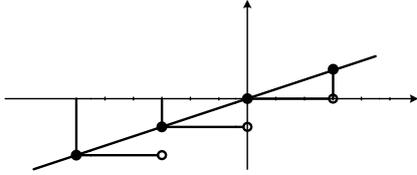
$$\begin{cases} 4a - 2b = 4 \\ 9a + 3b = 4 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} 6a - 3b = 6 \\ 9a + 3b = 4 \end{cases} \Rightarrow 15a = 10 \Rightarrow a = \frac{2}{3}$$

$$a = \frac{2}{3} \Rightarrow b = 2\left(\frac{2}{3}\right) - 2 = -\frac{2}{3}$$

$$\frac{2}{3} - \left(-\frac{2}{3}\right) = \frac{4}{3}$$

۱۶۶. گزینه ۲ درست است.

نقاط ناپیوستگی عبارتند:  $x = -3, x = 0, x = 3$



### آمار و احتمال

۱۶۷. گزینه ۴ درست است.

هر سه گزاره درست می‌باشند.

۱۶۸. گزینه ۲ درست است.

برای اینکه عبارت  $(x+1)^2 + (y-1)^2 = 0$  درست باشد باید  $x = -1$  و  $y = 1$  باشد که این معادل با گزاره  $(x = -1) \wedge (y = 1)$  می‌باشد.

۱۶۹. گزینه ۱ درست است.

$$(A - B) - (A \cup B) = (A \cap B') \cap (A \cup B)' = (A \cap B') \cap (A' \cap B')$$

$$(A \cap A') \cap B' = \phi \cap B' = \phi$$

۱۷۰. گزینه ۳ درست است.

$$\left. \begin{aligned} a \text{ شامل } A &= 2^{k+2} \\ \text{تعداد زیر مجموعه‌های } A & \\ a \text{ شامل } A &= 2^{2k-2} \end{aligned} \right\} \Rightarrow 2^{k+2} - 2^{2k-2} = 16$$

$$4(2^k) - \frac{1}{4}(2^k)^2 = 16 \quad 2^k = A$$

$$A^2 - 16A + 64 = 0 \Rightarrow A = 8$$

$$2^k = 8 \Rightarrow k = 3$$

۱۷۱. گزینه ۲ درست است.

$$A \text{ تعداد اعضای } = \log_2^m$$

$$B \text{ تعداد اعضای } = \log_2^n$$

$$A \cap B \text{ تعداد اعضای } = \log_2^p$$

$$A \cup B \text{ تعداد اعضای } = A \text{ تعداد اعضای } + B \text{ تعداد اعضای } - A \cap B \text{ تعداد اعضای } = \log_2^m + \log_2^n - \log_2^p$$

$$= \log_2^{\frac{m \cdot n}{p}}$$

$$\text{تعداد زیر مجموعه‌ها } A \cup B = 2^{\log_2^{\frac{m \cdot n}{p}}} = \frac{m \cdot n}{p}$$

$$A \cup B$$

۱۷۲. گزینه ۳ درست است.

$$1, 2, 4 \rightarrow 6 \text{ حالت}$$

$$1, 1, 5 \rightarrow 3 \text{ حالت}$$

$$1, 3, 3 \rightarrow 3 \text{ حالت}$$

$$2, 2, 3 \rightarrow 3 \text{ حالت} \quad P(A) = \frac{15}{6 \times 6 \times 6} = \frac{5}{72}$$

۱۷۳. گزینه ۴ درست است.

$$P(\{c\}) = P(A) + P(Cc) - 1 = \left(\frac{2}{3} + \frac{1}{2}\right) - 1 = \frac{1}{6}$$

$$P(\{a, b\}) = P(A) - P(\{c\}) = \frac{2}{3} - \frac{1}{6} = \frac{1}{2}$$

$$P(\{d\}) = P(C) - (P(\{c\}) + p(\{e\})) = \frac{1}{2} - \left(\frac{1}{6} + \frac{1}{10}\right) = \frac{7}{30}$$

$$P(B) = P(\{a, b\}) + P(\{d\}) = \frac{1}{2} + \frac{7}{30} = \frac{11}{15}$$

۱۷۴. گزینه ۱ درست است.

$$P(B|A) = \frac{P(A \cap B)}{P(A)} = \frac{P(A) \cdot P(B)}{P(A)} = P(B)$$

الف - A و B مستقل اند.

$$P(B|A) = \frac{P(A \cap B)}{P(A)} = 0$$

ب - A و B سازگارند.

$$P(A \cap S) = P(A) \cdot P(S) = P(A)$$

پ -

$$A \cap S = A$$

در نتیجه پ درست و الف و ب نادرست هستند.

۱۷۵. گزینه ۴ درست است.

$$A' \cap B = (A \cup B)'$$

$$P(A' \cap B) = 1 - P(A \cup B) = 0,8$$

$$P(B - A) = 0,8$$

$$P(B - A) = P(B) - P(A \cap B) \Rightarrow P(B) = 0,8 + 0,2 = 1$$

$$P(A) = 0,2$$

$$P(A \cup B) = P(A) + P(B) - P(A \cap B) = 0,2 + 1 - 0,2 = 1$$

۱۷۶. گزینه ۳ درست است.

$$\bar{x} = \frac{\sum x_i}{9}$$

چون میانه برابر میانگین است پس داریم.

$$\bar{x} + 3 = \frac{\sum x_i + \bar{x}}{9}$$

$$\bar{x} = 27$$

۱۷۷. گزینه ۲ درست است.

$$16 + 14 + 18 + 19 + x = 5(17) \Rightarrow \boxed{x = 18}$$

$$\bar{x} = \frac{2(16) + 1,5(14) + 2(18) + 1,5(18) + 1(19)}{2 + 1,5 + 2 + 1,5 + 1} = \frac{32 + 21 + 27 + 27 + 19}{9} = 17$$

۱۷۸. گزینه ۱ درست است.

اعداد دنباله به صورت

$$\bar{x} - 2d, \bar{x} - d, \bar{x}, \bar{x} + d, \bar{x} + 2d$$

$$\sigma^2 = \frac{(2d)^2 + (d)^2 + (2d)^2 + (d)^2}{5} = \frac{10d^2}{5} = 2d^2$$

$$\sigma = \sqrt{2}d$$

۱۷۹. گزینه ۱ درست است.

چون واریانس صفر پس همه ۹ داده برابر میانگین می باشند در نتیجه میانگین در حالت جدید برابر

$$\bar{x}_7 = \frac{9\bar{x} + 10}{10} = \bar{x} + 0,1$$

$$\frac{\bar{x}}{10} = 0,9 \Rightarrow \bar{x} = 9$$

$$\sigma^2 = \frac{9(9/10 - 9)^2 + (10 - 9/10)^2}{10} = \frac{0,9 \cdot 0,9 + 0,81}{10} = 0,17$$

$$\sigma = 0,41$$

۱۸۰. گزینه ۳ درست است.

$$\bar{x} - \frac{2\sigma}{\sqrt{n}} \leq \mu \leq \bar{x} + \frac{2\sigma}{\sqrt{n}}$$

$$9/1 - \frac{0/6}{3} \leq \mu \leq 9/1 + \frac{0/6}{3}$$

$$8/9 \leq \mu \leq 9/3$$

## فیزیک (۲)

۱۸۱. گزینه ۴ درست است.

$$A = 4\pi r^2 = 4\pi \times 4 \times 10^{-4} = 16\pi \times 10^{-4} \text{ m}^2$$

$$\sigma = \frac{q}{A} \Rightarrow q = 12/5 \times 16\pi \times 10^{-4} = 6/28 \times 10^{-2} \mu\text{C}$$

۱۸۲. گزینه ۱ درست است.

مطابق جدول کتاب درسی

۱۸۳. گزینه ۴ درست است.

داخل جسم رسانا میدان برابر صفر است و داخل هواپیما نیز مانند داخل جسم رسانا است.

۱۸۴. گزینه ۴ درست است.

اگر میدان هر یک از بارها را وسط خط واصل E فرض کنیم برآیند آنها  $E_1 = 2E$  خواهد شد. حال اگر فاصله بین دو بار ۲۰ درصد کاهش یابد، هر یک از میدانها  $\frac{25}{16}$  حالت قبل خواهد شد. چون میدان با مجذور فاصله رابطه عکس دارد.

$$E_2 = 2\left(\frac{25}{16}E\right) \Rightarrow E_2 = \frac{25}{16}E_1$$

۱۸۵. گزینه ۴ درست است.

اختلاف پتانسیل دو سر خازن با بار خازن رابطه مستقیم دارد.

$$q_2 = 1/2 q_1 \Rightarrow \frac{u_2}{V_2} = \frac{q_2 V_2}{q_1 V_1} = \frac{1/2 q_1 \times 1/2 V_1}{q_1 \times V_1} = 1/4 = 25\%$$

← انرژی خازن ۴۴ درصد افزایش می‌یابد.

۱۸۶. گزینه ۱ درست است.

پتانسیل الکتریکی نقاط با حرکت خلاف جهت میدان افزایش می‌یابد و چون بار ذره منفی است. انرژی پتانسیل الکتریکی آن کاهش می‌یابد.

۱۸۷. گزینه ۲ درست است.

اگر  $q_2$  منفی باشد، میدان حاصل از آن یک مؤلفه در راستای  $\vec{E}$  خواهد داشت و یک مؤلفه عمود بر  $\vec{E}$  و به سمت  $q_2$  خواهد بود که اگر  $q_3$  مثبت باشد و اندازه مناسب داشته باشد، می‌تواند مؤلفه افقی میدان حاصل از  $q_2$  را خنثی کند.

۱۸۸. گزینه ۱ درست است.

میدان ناشی از دو بار در رأس سوم با هم زاویه  $120^\circ$  می‌سازند. پس برآیند آنها برابر هر یک از میدانهاست. با حذف یکی از بارها میدان خالص تغییر نمی‌کند.

۱۸۹. گزینه ۴ درست است.

چون ولتاژ دو خازن یکسان است، طبق رابطه  $u = \frac{1}{2} CV^2$  خازن A که انرژی آن ۲ برابر است، ظرفیتش ۲ برابر است و طبق رابطه  $q = CV$  بار خازن A نیز ۲ برابر بار خازن B است.

۱۹۰. گزینه ۱ درست است.

وسط خط واصل میدان خالص برابر صفر است. در بی‌نهایت نیز میدان صفر است. ولی آنچه که می‌دانیم با دور شدن از وسط فاصله دوباره، میدان ابتدا به سرعت افزایش می‌یابد و سپس به آرامی کاهش می‌یابد تا در بی‌نهایت به صفر برسد.

۱۹۱. گزینه ۱ درست است.

چون خازن از مولد جدا شده است، بار روی صفحات آن ثابت است. ظرفیت خازن k برابر می‌شود ( $c \propto k$ ) و با توجه به رابطه  $C = \frac{q}{V}$  ولتاژ دو سر

خازن  $\frac{1}{k}$  برابر می‌شود  $\Leftarrow$  با توجه به رابطه  $E = \frac{V}{d}$  میدان بین صفحات نیز  $\frac{1}{k}$  برابر می‌شود.

۱۹۲. گزینه ۳ درست است.

$$E_1 = \frac{k|q_1|}{r^2} = \frac{9 \times 10^9 \times 18 \times 10^{-6}}{81 \times 10^{-2}} = 2 \times 10^5 \frac{N}{C}$$

$$E_2 = \frac{9 \times 10^9 \times 2 \times 10^{-6}}{9 \times 10^{-2}} = 2 \times 10^5 \frac{N}{C}$$

$$E_A = E_1 + E_2 = 4 \times 10^5 \frac{N}{C}$$

۱۹۳. گزینه ۳ درست است.

$$F_{1r} = \frac{9 \times 10^9 \times 45 \times 10^{-12}}{9 \times 10^{-2}} = 4.5 \text{ N}$$

$$F_{2r} = \frac{9 \times 10^9 \times 80 \times 10^{-12}}{16 \times 10^{-2}} = 4.5 \text{ N}$$

دو نیروی وارد بر بار  $q_3$  بر هم عمودند.

$$F_T = \sqrt{(4.5)^2 + (4.5)^2} = 4.5\sqrt{2}$$

۱۹۴. گزینه ۴ درست است.

کار نیروی مقاوم را  $W_1$  و کار نیروی میدان را  $W_2$  در نظر می‌گیریم.

$$w_1 + w_2 = \Delta k$$

$$w_1 + E \cdot q \cdot d = k_2 - k_1$$

$$w_1 + 5000 \times 5 \times 10^{-6} \times 0.4 = 6 \times 10^{-2} \Rightarrow w_1 = -4 \text{ mJ}$$

۱۹۵. گزینه ۲ درست است.

مطابق متن کتاب درسی

۱۹۶. گزینه ۲ درست است.

$$C = \frac{k\epsilon_0 A}{d} \Rightarrow 0.177 \times 10^{-9} = \frac{4 \times 8.85 \times 10^{-12} \times A}{10^{-3}}$$

$$A = \frac{177 \times 10^{-15}}{354 \times 10^{-13}} = 5 \times 10^{-3} \text{ m}^2 = 5 \text{ cm}^2$$

۱۹۷. گزینه ۲ درست است.

$$R = 86 \times 10^{-1} = 8.6 \Omega$$

۱۹۸. گزینه ۳ درست است.

$$\frac{R_A}{R_B} = \frac{V_A}{V_B} = \frac{1}{2} = 4$$

۱۹۹. گزینه ۲ درست است.

عددی که ولت‌سنج نشان می‌دهد، برابر مجموع اختلاف پتانسیل دو سر مقاومت‌های متوالی ۶، ۱۵ و ۲۴ اهمی است و عددی که آمپرسنج نشان می‌دهد جریانی است که از این مقاومت‌ها می‌گذرد.

$$V = RI$$

$$10 = (6 + 24 + 15)I \Rightarrow I = 0.25 \text{ A}$$

۲۰۰. گزینه ۳ درست است.

با کشیدن سیم، چون حجم آن ثابت می‌ماند حاصل ضرب طول در مساحت مقطع سیم ثابت می‌ماند  $\Leftarrow$  چون طول سیم  $1/5$  برابر می‌شود باید سطح

مقطع سیم  $\frac{2}{3}$  برابر شود.

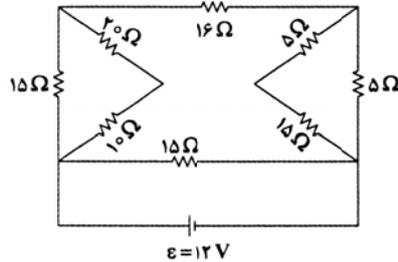
$$\frac{R_2}{R_1} = \frac{L_2}{L_1} \times \frac{A_1}{A_2} = \frac{1/5 L_1}{L_1} \times \frac{A_1}{\frac{2}{3} A_1} = \frac{9}{4} = 2.25$$

۲۰۱. گزینه ۳ درست است.

طبق قانون شدت جریان‌ها جریان عبوری از  $R_p$ ،  $4I_1$  است. پس باید مقاومت  $R_1$ ، ۴ برابر  $R_p$  باشد.

$$R_1 = 4R_p$$

$$\frac{\rho_1 L_1}{A_1} = 4 \frac{\rho_2 L_2}{A_2} \Rightarrow \rho_1 L_1 = 4 \rho_2 (2L_2) \Rightarrow \rho_1 = 8\rho_2$$



۲۰۲. گزینه ۳ درست است.

مقاومت‌های ۲۵ و ۱۵ اهمی متوالی‌اند.  $20 + 15 = 35\Omega$

$$\frac{35 \times 15}{45} = 10\Omega$$

حاصل آن‌ها با مقاومت ۱۵ اهمی موازی است

مقاومت ۵ و ۱۵ اهمی نیز متوالی‌اند.  $5 + 15 = 20\Omega$

حاصل آن‌ها با مقاومت ۵ اهمی موازی است.

$$\frac{20 \times 5}{25} = 4\Omega$$

$$4 + 16 + 10 = 30\Omega$$

$$R_T = \frac{30 \times 15}{45} = 10\Omega$$

$$I = \frac{\epsilon}{R_T} = \frac{12}{10} = 1.2\text{ A}$$

۲۰۳. گزینه ۴ درست است.

$$V_1 = \epsilon + rI = 6 + (2 \times 0.5) = 7$$

$$V_2 = RI = 10 \times 0.5 = 5$$

$$\frac{V_1}{V_2} = \frac{7}{5} = 1.4$$

۲۰۴. گزینه ۳ درست است.

با افزایش مقاومت  $R_p$  جریان عبوری از مقاومت  $R_p$  کاهش می‌یابد. بنابراین ولتاژ دوسر  $R_p$  کاهش می‌یابد. چون  $V = V_1 + V_2$  با کاهش  $V_2$  باید  $V_1$  افزایش یابد.

۲۰۵. گزینه ۱ درست است.

چون مقاومت ولت‌سنج آرمانی بسیار زیاد است، پس جریانی از مولد عبور نمی‌کند. در این صورت ولتاژ دوسر مولد برابر نیروی محرکه است.

۲۰۶. گزینه ۱ درست است.

در صورتی که مقاومت متغیر برابر صفر باشد، دو سر مقاومت ۶ اهمی اتصال کوتاه می‌شود و جریانی از آن عبور نمی‌کند. در صورتی که مقاومت متغیر

برابر بی‌نهایت باشد، از آن جریانی عبور نمی‌کند و تمام جریان از مقاومت ۶ اهمی می‌گذرد. و مقدار آن از رابطه  $I = \frac{\epsilon}{R_T + r}$  بدست می‌آید.

$$I = \frac{24}{10 + 2} = 2\text{ A}$$

۲۰۷. گزینه ۲ درست است.

$$P = \frac{V^2}{R} = \frac{(200)^2}{40} = 1000\text{ W} = 1\text{ kW}$$

$$u = P.t = 1 \times 24 = 24\text{ kW.h}$$

۲۰۸. گزینه ۴ درست است.

$$P = RI_1^2 \Rightarrow 16 = 2I_1^2 \Rightarrow I_1 = 2\sqrt{2}\text{ A}$$

جریان عبوری از مقاومت  $2/5$  اهمی، ۲ برابر  $I_1$  است.  $I_2 = 4\sqrt{2}\text{ A}$  است.

جریان عبوری از مقاومت ۱۰ اهمی،  $I_1 + I_2 = 6\sqrt{2}\text{ A}$  است.

$$V_{AB} = (10 \times 6\sqrt{2}) + (2/5 \times 4\sqrt{2}) = 70\sqrt{2}\text{ (V)}$$

۲۰۹. گزینه ۳ درست است.

عددی که ولتسنج نشان می‌دهد، برابر اختلاف پتانسیل دو سر باتری  $\mathcal{E}_r$  است. جریانی از مقاومت ۲ اهمی می‌گذرد سه برابر جریان عبوری از مقاومت ۶ اهمی است.  $\Leftarrow$  جریان کل مدار  $I_T = 1 + 3 = 4A$  است.

$$R_T = \frac{2 \times 6}{\lambda} = 1,5 \Omega$$

$$I = \frac{\sum \mathcal{E}}{\sum R + \sum r} \Rightarrow 4 = \frac{24 - \mathcal{E}_r}{1,5 + 2,5} \Rightarrow \mathcal{E}_r = 8V$$

$$V = \mathcal{E}_r + I r_r = 8 + 4 = 12V$$

۲۱۰. گزینه ۳ درست است.

$$P = \mathcal{E}I + rI^2 = (6 \times 2) + (2 \times 4) = 20W$$

۲۱۱. گزینه ۱ درست است.

جریانی که از باتری می‌گذرد برابر  $I = \frac{\mathcal{E}}{r}$  است. افت پتانسیل در مولد  $rI$  است که اگر به جای  $I$  مقدار  $\frac{\mathcal{E}}{r}$  را قرار دهیم، افت پتانسیل برابر  $\mathcal{E}$  می‌شود. اختلاف پتانسیل بین دو پایانه آن برابر صفر است.

۲۱۲. گزینه ۲ درست است.

با استفاده از قاعده دست راست

۲۱۳. گزینه ۱ درست است.

$$\frac{B_1}{B_2} = \frac{\frac{\mu \cdot N_1 I_1}{L}}{\frac{\mu \cdot N_2 I_2}{2R}} = \frac{2R}{L} = \frac{D}{L} = 1$$

۲۱۴. گزینه ۲ درست است.

با استفاده از قاعده دست راست میدان هر دو سیم در نقطه A برونسو است.

۲۱۵. گزینه ۲ درست است.

عرض این صفحه مثل یک میله رسانا حرکت کرده و خطوط میدان را قطع می‌کند. با توجه به دستور دست راست، جریان روبه‌پایین القا می‌شود و بارهای مثبت به پایین و منفی به بالا می‌رود. مطابق گزینه ۲

۲۱۶. گزینه ۱ درست است.

میدان سیم در محلی که بار الکتریکی قرار دارد، درونسو است، طبق قاعده دست راست نیروی وارد بر ذره باردار به سمت چپ است.

۲۱۷. گزینه ۲ درست است.

$$F = |q|VB \sin \theta$$

$$F = 1,6 \times 10^{-19} \times 10^7 \times 10^{-2} \times \frac{\sqrt{3}}{2} = 1,4 \sqrt{3} \times 10^{-15} N$$

۲۱۸. گزینه ۳ درست است.

$$\mathcal{E} = B \cdot V \cdot L = 0,02 \times 8 \times 0,25 = 0,04 \text{ ولت}$$

با توجه به دستور دست راست، بارهای مثبت به سمت شمال رانده می‌شوند.

۲۱۹. گزینه ۳ درست است.

$$\bar{\mathcal{E}} = -N \frac{\Delta \phi}{\Delta t} = -\frac{N \Delta B A \cos \theta}{\Delta t}$$

$$0,2 = -10^2 \times (-0,4) \times A \times 1 \Rightarrow A = 5 \times 10^{-3} \text{ m}^2 = 50 \text{ cm}^2$$

۲۲۰. گزینه ۴ درست است.

با قطع کلید جریان مدار کاهش می‌یابد و این تغییر جریان در القاگر نیروی محرکه خودالقاوری ایجاد می‌کند و اگر تعداد حلقه‌ها زیاد باشد مقدار آن ممکن است از نیروی محرکه مولد هم بیشتر باشد.

۲۲۱. گزینه ۳ درست است.

$$A = 10^2 \text{ cm}^2 = 10^{-2} \text{ m}^2$$

$$\bar{\mathcal{E}} = \frac{-N \Delta \phi}{\Delta t} = \frac{-N A \cos \theta \Delta B}{\Delta t}$$

$$\bar{\mathcal{E}} = \frac{-200 \times 10^{-2} \times 1 \times (-0,05)}{0,01} = 10V$$

۲۲۲. گزینه ۳ درست است.

ثانیاً پنجم بازه زمانی بین  $t_1 = 4s$  و  $t_2 = 5s$  است.

$$\begin{cases} t_1 = 4s, \phi_1 = -4(4)^2 + 8 = -56 \text{ wb} \\ t_2 = 5s, \phi_2 = -4(5)^2 + 8 = -92 \text{ wb} \end{cases}$$

$$\bar{\varepsilon} = -N \frac{\Delta\phi}{\Delta t} = \frac{-(-92 + 56)}{1} = 36 \text{ V}$$

۲۲۳. گزینه ۱ درست است.

$$u_{\max} = \frac{1}{\gamma} L I_{\max}^2 \Rightarrow 3/2 = \frac{1}{\gamma} \times L \times (40)^2 \Rightarrow L = 0,004 \text{ H}$$

۲۲۴. گزینه ۲ درست است.

$$\frac{V_2}{V_1} = \frac{N_2}{N_1} \Rightarrow \frac{12}{220} = \frac{N_2}{4400} \Rightarrow N_2 = 240$$

۲۲۵. گزینه ۳ درست است.

طبق قانون لنز جهت جریان القایی در سویی است که با تغییر شار مغناطیسی مخالفت می کند.

## شیمی (۲)

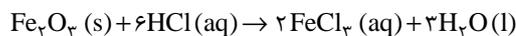
۲۲۶. گزینه ۳ درست است.

زیرا، استخراج فلزها و از جمله طلا، بر محیط زیست تأثیر منفی دارد.

۲۲۷. گزینه ۱ درست است.

زیرا، با توجه به آرایش الکترونی اتم عنصر شماره ۱۴ که به صورت  $1s^2 2s^2 2p^6 3s^2 3p^2 [10Ne]$  است، نماد آخرین زیرلایه الکترونی اشغال شده این اتم، p است و با عنصرهای داده شده دیگر که نماد آخرین زیرلایه الکترونی پر شده آنها، s است، متفاوت است.

۲۲۸. گزینه ۲ درست است.



زیرا، داریم:

$$\text{mol FeCl}_3 = 0,4 \text{ mol Fe}_2\text{O}_3 \times \frac{2 \text{ mol FeCl}_3}{1 \text{ mol Fe}_2\text{O}_3} = 0,8 \text{ mol FeCl}_3$$

(مقدار نظری)

$$\text{بازده درصدی} = \frac{\text{مقدار عملی}}{\text{مقدار نظری}} \times 100 = \frac{0,68 \text{ mol FeCl}_3}{0,8 \text{ mol FeCl}_3} \times 100 = 85\%$$

۲۲۹. گزینه ۴ درست است.

زیرا، در آلکانها، اتمهای کربن به یکدیگر یا به اتمهای هیدروژن متصلاند و هر اتم کربن نمی تواند به چهار اتم کربن دیگر وصل باشد.

۲۳۰. گزینه ۳ درست است.

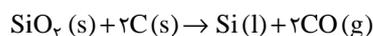
۲۳۱. گزینه ۳ درست است.

زیرا، زنجیر اصلی این هیدروکربن شامل شش اتم کربن است.

۲۳۲. گزینه ۱ درست است.

۲۳۳. گزینه ۴ درست است.

زیرا، داریم:



$$gC = 150 \text{ g SiO}_2 \times \frac{100}{100} \times \frac{1 \text{ mol SiO}_2}{60 \text{ g SiO}_2} \times \frac{2 \text{ mol C}}{1 \text{ mol SiO}_2} \times \frac{12 \text{ g C}}{1 \text{ mol C}} = 48 \text{ g C}$$

$$gSi = 150 \text{ g SiO}_2 \times \frac{100}{100} \times \frac{1 \text{ mol SiO}_2}{60 \text{ g SiO}_2} \times \frac{1 \text{ mol Si}}{1 \text{ mol SiO}_2} \times \frac{28 \text{ g Si}}{1 \text{ mol Si}} = 56 \text{ g Si}$$

۲۳۴. گزینه ۲ درست است.

۲۳۵. گزینه ۲ درست است.

۲۳۶. گزینه ۴ درست است.

زیرا، هر چهار مورد بیان شده، درست اند.

۲۳۷. گزینه ۱ درست است.

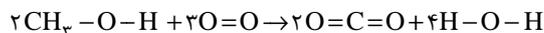
۲۳۸. گزینه ۳ درست است.

زیرا، در ساختار ترکیب مورد نظر، ۳۳ جفت الکترون پیوندی وجود دارد.

۲۳۹. گزینه ۲ درست است.

زیرا، با استفاده از گرماسنج بمبی، گرمای واکنش در حجم ثابت اندازه‌گیری می‌شود و آنتالپی بسیاری از واکنش‌ها به دلیل پیچیدگی قابل اندازه‌گیری در یک گرماسنج نیست.

۲۴۰. گزینه ۳ درست است.



زیرا، داریم:

$$\begin{aligned} \Delta H &= (\text{مجموع آنتالپی پیوندهای جدید}) - (\text{مجموع آنتالپی پیوندهای شکسته شده}) \\ &= [2 \times 3 \times \text{C} - \text{H} + 2 \times \text{C} - \text{O} + 2 \times \text{O} = \text{O}] - [4 \times \text{C} = \text{O} + 8 \times \text{O} - \text{H}] \\ &= [2 \times 3 \times 415 + 2 \times 238 + 2 \times 463 + 3 \times 495] \text{ kJ} - [4 \times 800 + 8 \times 463] \text{ kJ} \\ &= -1243 \text{ kJ} \end{aligned}$$

چون این مقدار انرژی به ازای واکنش ۲ مول از متانول است، گرمای سوختن این ماده برابر  $-621.5 \text{ kJ}$  است.

۲۴۱. گزینه ۴ درست است.

زیرا، هر چهار مورد بیان شده، درست‌اند.

۲۴۲. گزینه ۳ درست است.

زیرا، افزایش مقدار آب با توجه به سطح تماس محدود قرص (واکنش دهنده)، تأثیر چشم‌گیری بر سرعت خروج گاز ندارد.

۲۴۳. گزینه ۲ درست است.

۲۴۴. گزینه ۱ درست است.

زیرا، داریم:



$$\text{mL CO}_2 = \frac{0.02 \text{ mol CO}_2}{1 \text{ s}} \times \frac{22400 \text{ mL}}{1 \text{ mol CO}_2} \times (30 - 20) \text{ s} = 4480 \text{ mL CO}_2$$

۲۴۵. گزینه ۲ درست است.

زیرا، نسبت سرعت‌های تولید و مصرف مواد در یک معادله شیمیایی، تابع ضریب‌های استوکیومتری مواد در معادله موازنه شده آن واکنش است.

۲۴۶. گزینه ۲ درست است.

۲۴۷. گزینه ۱ درست است.

زیرا، الیاف ساختگی برخلاف الیاف طبیعی در محیط زیست، به آسانی قابل تجزیه نیستند. الیاف طبیعی، برخی از ویژگی‌های مورد نیاز امروزی همچون ضد آتش بودن را ندارند. هر چند تولید و استفاده از الیاف ساختگی، امروزه گسترش زیادی یافته است اما نمی‌توانند به طور کامل جایگزین الیاف طبیعی شوند.

۲۴۸. گزینه ۴ درست است.

زیرا، اتانول و گلوکز، جزو درشت مولکول‌ها نیستند.

۲۴۹. گزینه ۳ درست است.

۲۵۰. گزینه ۳ درست است.

۲۵۱. گزینه ۱ درست است.

زیرا، با دمیدن هوا به پلیمر مذاب، می‌توان ورقه‌های نازک پلاستیکی تهیه کرد.

۲۵۲. گزینه ۲ درست است.

۲۵۳. گزینه ۱ درست است.

زیرا، با توجه به مولکول‌های اتانول،  $\text{CH}_3\text{CH}_2\text{OH}$  و استیک اسید،  $\text{CH}_3\text{COOH}$ ، این دو مولکول در داشتن گروه  $\text{CH}_3$  مشابه‌اند اما به دلیل داشتن گروه عاملی متفاوت، جرم و شمار اتم‌های هیدروژن متفاوتی دارند.

۲۵۴. گزینه ۴ درست است.

زیرا، با افزایش شمار اتم‌های کربن در مولکول الکل‌ها، خاصیت ناقطبی و چربی دوستی آنها افزایش می‌یابد.

۲۵۵. گزینه ۴ درست است.

زیرا، استرها از واکنش اسیدهای کربوکسیلیک و الکل‌ها که با حذف یک مولکول آب همراه است، تشکیل می‌شوند.

۲۵۶. گزینه ۳ درست است.

زیرا، مولکول اسید تشکیل دهنده استر مورد نظر، دو اتم کربن دارد و استیک اسید (اتانوئیک اسید) است.

۲۵۷. گزینه ۴ درست است.

۲۵۸. گزینه ۲ درست است.

زیرا، پلیمرهای ساختگی در طبیعت به آسانی قابل تجزیه نیستند.

۲۵۹. گزینه ۲ درست است.

زیرا، پلی لاکتیک اسید از منابع طبیعی به دست می آید و پس از استفاده به آسانی قابل بازگشت به طبیعت است.

۲۶۰. گزینه ۲ درست است.

زیرا، داریم:

$$\text{CH}_2\text{ClCH}_2\text{Cl} = 99 \text{ g} \cdot \text{mol}^{-1}$$

$$\Delta E \text{ (kJ)} = 39.6 \text{ g C}_7\text{H}_4\text{Cl}_2 \times \frac{1 \text{ mol C}_7\text{H}_4\text{Cl}_2}{99 \text{ g C}_7\text{H}_4\text{Cl}_2} \times \frac{178 \text{ kJ}}{1 \text{ mol C}_7\text{H}_4\text{Cl}_2} = 71.2 \text{ kJ}$$